

نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	ردیف
تاریخ امتحان: ۱۴۰۸/۰۲/۰۲	پایه دوازدهم رشته: علوم تجربی	نام و نام خانوادگی:
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۳ کرج مدیریت آموزش و پرورش ناحیه ۳	سوالات امتحانی درس: ریاضی ۳

توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلامانع است.

۱	<p>جاهای خالی را با عبارات مناسب پر کنید، پاسخ خود را به پاسخنامه انتقال دهید.</p> <p>(الف) اگر در تابع f دامنه تابع $f = [-2, 3]$ باشد، آنگاه در تابع $y=2f(2x)$ دامنه برابر و برد برابر می باشد.</p> <p>(ب) در تابع $y = 2 \cos(\pi x)$ دوره تناوب و مقدار مینیمم است.</p> <p>(ج) اگر $8x^3 + 4x^2 - k$ بر $-2x^2$ بخش پذیر باشد، مقدار k برابر است.</p> <p>(د) یک توده باکتری پس از t ساعت دارای جرم $m(t) = \sqrt{t} + 2t^3$ گرم است. آهنگ رشد لحظه ای، در لحظه $t=1$ برابر میباشد.</p> <p>(ه) نقاط بحرانی تابع $f(x)=\frac{1}{3}x^3-x^2-5$ در بازه $[1, 5]$ در صورت وجود، برابر است.</p>	۱/۷۵
۲	<p>پاسخ درست را انتخاب کرده، به پاسخنامه انتقال دهید.</p> <p>(الف) اگر دو تابع $g(x) = x + 2$ و $f(x) = \sqrt[3]{x+2}$ داشته باشیم و ترکیب این دو تابع برابر y باشند. این ترکیب کدام است؟</p> <p>(ب) اگر $f(4) = 5$ و $g(7) = 5$ آنگاه $f(g(4)) = 5$ نادرست</p> <p>(ج) تابع تائزانت در هر بازه که در آن تعریف شده باشد می باشد. (یکنوا * غیر یکنوا)</p> <p>(د) تابع f روی بازه (a, b) مشتق پذیر باشد و در نقطه a مشتق داشته باشد.</p> <p>(چپ * راست)</p> <p>(درست * نادرست)</p> <p>(ه) هر نقطه اکسترمم نسبی، یک نقطه بحرانی است.</p> <p>(و) طول نقطه مینیمم نسبی تابع $x - f(x)$ می باشد.</p>	۱/۵
۳	<p>گزینه مناسب را انتخاب کرده، به پاسخنامه انتقال دهید.</p> <p>(الف) کدامیک از توابع زیر اکیدا صعودی است؟</p> <p>(۱) $f(x)=x x$ (۲) $f(x)=x^2$ (۳) $f(x)=x+ x$ (۴) $f(x)= x$</p> <p>(ب) در رسم نمودار $y=\frac{1}{2}\cos(2x)$، می توان گفت نمودار جدید در امتداد محور x ها و در امتداد محور y ها می شود.</p> <p>(۱) منقبض-منبسط (۲) منبسط-منقبض (۳) منبسط-منبسط (۴) منبسط-منبسط</p> <p>(ج) اگر $\cos \alpha = \frac{5}{13}$ باشد، کدام است؟</p> <p>(۱) $\frac{119}{144}$ (۲) $\frac{119}{144}$ (۳) $\frac{119}{169}$ (۴) $\frac{119}{169}$</p> <p>(د) حاصل $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\frac{1}{x^2} - \frac{1}{x^3}}{\frac{1}{x} - 6}$ کدام است؟</p> <p>(۱) $+\infty$ (۲) $-\infty$ (۳) $-\frac{1}{2}$ (۴) -2</p>	۱
۴	<p>(الف) به کمک انتقال نمودار تابع $y = (x-1)^3 + 1$، نمودار تابع $y = x$ را رسم کنید.</p> <p>(ب) وارون تابع $y=1+\sqrt{x}$ را بدست اورید</p>	۱
۵	<p>معادله مثلثاتی مقابل را حل کنید.</p> <p>$\sin x \cdot \cos x = \frac{1}{4}$</p>	۱

۰/۷۵	<p>با توجه به نمودار زیر عبارتها را کامل کنید.</p> <p>الف- دوره تناوب تابع مقدار c برابر میباشد ب- تابع به صورت می باشد. ($y = \sin(bx) + c - y = \cos(bx) + c$) .</p>	۶
۰/۵	<p>نمودار تابع f در شکل مقابل داده شده است ، حد های خواسته شده را بدست آورید.</p> <p>الف) $\lim_{x \rightarrow 1^-} (f)$ ب) $\lim_{x \rightarrow -\infty} (f)$</p>	۷
۱	$\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{2+x^2}{x-1}$ <p>(الف)</p> <p>(ب) $\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} \frac{-3+[x]}{ 2x-1 }$</p> <p>حد های زیر را بدست آورید.</p>	۸
۰/۷۵	<p>با استفاده از نمودار مقابل ، گزینه مناسب را انتخاب کنید.</p> <p>الف) در نقطه E علامت تابع و مشتق برابر است. (درست -- نادرست) ب) شیب در نقاط B, C, D برابر است (درست -- نادرست) ج) نقطه نقطه ای است که در آن مقدار تابع صفر و شیب مثبت می باشد</p>	۹
۱	<p>الف) ضابطه تابع مشتق $f(x) = \begin{cases} 5x-4 & x < . \\ x^2 & . \leq x \leq 3 \\ x+6 & x > 3 \end{cases}$</p> <p>ب) دامنه تابع مشتق را بدست آورید.</p>	۱۰
۱	<p>در تابع $x^2 - 4 = f(x)$ به کمک <u>تعریف مشتق</u>، شیب نیم مماس راست تابع را در نقطه $x=2$ بدست آورید.</p>	۱۱
۱/۲۵	$y = \left(\frac{x^2}{3x-1} \right)^5$ <p>الف) مشتق بگیرید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست).</p>	۱۲
۰/۷۵	<p>ب) اگر $\left(\frac{f}{g} \right)'(1) = 2f(1) = 4$ باشد، مقدار $g'(1) = 2f(1) = 4$ را بدست آورید.</p>	۱۳
۰/۷۵	<p>در تابع با ضابطه $f(t) = 3t^2 + 4t$ به ازای چه مقداری از t در بازه $[0, 2]$، آهنگ لحظه ای تغییر با آهنگ متوسط تغییر تابع f در این بازه برابر است؟</p>	۱۴
۱	<p>نشان دهید نقطه $x=0$ یک نقطه گوش برای تابع $f(x) = \begin{cases} x^2 & x \leq 0 \\ x & x > 0 \end{cases}$ می باشد</p>	۱۵
۱	<p>نمودار تابع $y = x - 2$ را در بازه $[0, 3]$ رسم کنید، سپس نقاط بحرانی و <u>Min</u> نسبی و <u>Max</u> مطلق را بدست آورید.</p>	۱۶

نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	ردیف
۱۲۹۸/۰۲/۰۲	تاریخ امتحان: پایه دوازدهم رشته: علوم تجربی	نام و نام خانوادگی:
۱۲۰ دقیقه	مدیریت آموزش و پرورش ناحیه ۳ کرج	سوالات امتحانی درس: ریاضی ۳

۱۶	اکسترم مطلق تابع زیر را در بازه داده شده بدست آورید. $y=x^3 - 3$: $[-2, 1]$	۱
۱۷	دو عدد حقیقی چنان بیابید، که مجموع آنها ۱۸ و حاصل ضرب آنها ماکزیمم شود.	۱
۱۸	<p>در شکل زیر جاهای خالی را در صورت وجود پر کنید: -الف Min مطلق (نقطه.....) -ب Min نسبی که مشتق در آن وجود ندارد.(نقطه.....) -ج Max نسبی که مشتق در آن صفر است(نقطه.....)</p>	۰/۷۵
۱۹	<p>در تابع $g(x) = \frac{1}{x^2+1}$ به کمک جدول تغییرات تابع :</p> <p>الف- مشخص کنید تابع در چه بازه‌ای صعودی و در چه بازه‌ای نزولی می‌باشد.</p> <p>ب- در صورت وجود، طول اکسترم نسبی را مشخص کنید.</p>	۱/۲۵
۲۰	*موفق باشید*	