



ردیف	بارم	لطفاً پاسخ سوالات را روی همین برگ بنویسید								
۱		<p>اگر سبد هزینه خانواده‌ای شامل دو کالای برنج و گوشت باشد و قیمت این دو کالا (برحسب هزار تومان) در سال پایه به ترتیب ۸۰ و ۵۰۰ باشد و در سال موردنظر به ۱۲۰ و ۷۰۰ برسد، با فرض اینکه مقادیر مصرفی برنج و گوشت در سال پایه به ترتیب ۶۰ و ۴۰ کیلوگرم باشد، شاخص بهای این دو کالا را به دست آورید.</p> <p>سوالات امتحانات نهایی متوسطه-یازدهم-خردادماه ۱۴۰۳</p> $\frac{(۶۰ \times ۱۲۰) + (۴۰ \times ۷۰۰)}{(۶۰ \times ۸۰) + (۴۰ \times ۵۰۰)} \times 100 = \frac{۳۵۲۰۰}{۲۴۸۰۰} \times 100 = ۱۴۱ / ۹ \simeq ۱۴۲$ <p>پاسخ: ۱</p>								
۲		<p>در یک منطقه از میان افراد ۱۶ ساله و بیشتر، تعداد ۱۲۰۰ نفر شاغل و ۳۵۰ نفر بیکار هستند. نرخ بیکاری در این منطقه را به دست آورید.</p> <p>سوالات امتحانات نهایی متوسطه-یازدهم-خردادماه ۱۴۰۳</p> $\frac{۳۰۰}{۱۲۰۰ + ۳۰۰} \times 100 = ۲۰$ <p>پاسخ: ۱</p>								
۳		<p>درآمد ماهیانه ۷ نفر از کارمندان یک شرکت برحسب میلیون تومان به صورت زیر است:</p> <p>۲۰, ۱۵, ۱۲, ۱۰, ۵, ۱۳, ۴</p> <p>خط فقر را به روش نصف میانه، محاسبه کنید.</p> <p>سوالات امتحانات نهایی متوسطه-یازدهم-خردادماه ۱۴۰۳</p> <p>۳۰, ۲۰, ۱۳, ۱۲, ۱۰, ۵, ۴ : مرتب شده</p> <p>۱۳ = میانه</p> $\text{میلیون } \frac{۱۳}{۲} = \frac{۱۳}{۲} = ۶.5 = \text{نصف میانه} = \text{خط فقر}$ <p>پاسخ: ۱</p>								
۴		<p>جدول مالیاتی که توسط هیئت مدیره یک شرکت برای سال مالی جدید آماده و تصویب شده، به صورت زیر است:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>نرخ مالیات (درصد)</th> <th>حقوق ماهیانه (برحسب تومان)</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>۰</td> <td>۸,۰۰۰,۰۰۰</td> </tr> <tr> <td>۱۰</td> <td>۱۲,۰۰۰,۰۰۰ تا ۸,۰۰۰,۰۰۰</td> </tr> <tr> <td>۱۵</td> <td>۱۲,۰۰۰,۰۰۰</td> </tr> </tbody> </table> <p>کارمندی با حقوق ۱۵, ۰۰۰, ۰۰۰ تومان، چقدر مالیات باید بپردازد؟</p> <p>سوالات امتحانات نهایی متوسطه-یازدهم-خردادماه ۱۴۰۳</p> $۱۵, ۰۰۰, ۰۰۰ - ۸, ۰۰۰, ۰۰۰ = ۷, ۰۰۰, ۰۰۰$ $۷, ۰۰۰, ۰۰۰ \times \frac{۱۵}{۱۰۰} = ۱, ۰۵۰, ۰۰۰$ <p>پاسخ: ۱</p>	نرخ مالیات (درصد)	حقوق ماهیانه (برحسب تومان)	۰	۸,۰۰۰,۰۰۰	۱۰	۱۲,۰۰۰,۰۰۰ تا ۸,۰۰۰,۰۰۰	۱۵	۱۲,۰۰۰,۰۰۰
نرخ مالیات (درصد)	حقوق ماهیانه (برحسب تومان)									
۰	۸,۰۰۰,۰۰۰									
۱۰	۱۲,۰۰۰,۰۰۰ تا ۸,۰۰۰,۰۰۰									
۱۵	۱۲,۰۰۰,۰۰۰									

<p>کدام شاخص تحولات قیمت را بر مبنای یک سال پایه نشان می‌دهد؟</p> <p>۱ بهای کالا و خدمات ۲ تورم ۳ خط فقر ۴ توده بدنی</p> <p>سوالات امتحانات نهایی متوسطه-یازدهم-خردادماه ۱۴۰۳</p>
<p>پاسخ: ۱ گزینه ۱ پاسخ صحیح است.</p> <p>اگر میانگین درآمد خانوارهای کشور ۳۵ میلیون ریال باشد، حداقل حقوق دریافتی کارکنان یک شرکت چه قدر باشد تا هیچ کارمندی در آن شرکت زیر خط فقر نباشد؟ چه زمانی از میانه درآمد خانوارها برای محاسبه خط فقر استفاده می‌کنیم؟</p> <p>مسایل، تمرينات، فعالیتها و خودآزمایی های کتابهای درسی-پایه یازدهم-ریاضی و آمار (۲) انسانی</p> <p>پاسخ: ۱ با فرض این‌که ۳۵۰۰۰۰۰ درآمد ماهیانه یک خانواده ۵ نفره است مسئله را حل می‌کنیم.</p>
<p>تومان $\frac{۳۵\cdot\cdot\cdot\cdot\cdot}{۵} = ۷\cdot\cdot\cdot\cdot\cdot$ = درآمد ماهیانه هر فرد</p> <p>تومان $\frac{۷\cdot\cdot\cdot\cdot\cdot}{۲} = ۳\cdot\cdot\cdot\cdot\cdot$ = خط فقر = نصف میانگین</p> <p>زمانی از میانه درآمد خانوارها استفاده می‌کنیم که داده‌ی دور افتاده داشته باشیم.</p>
<p>خانواده‌ای شش نفره در یکی از کشورهای در حال توسعه زندگی می‌کنند. با توجه به تعریف خط فقر بین‌المللی، درآمد ماهانه‌ی این خانواده باید چند دلار باشد تا زیر خط فقر نباشند؟</p> <p>مسایل، تمرينات، فعالیتها و خودآزمایی های کتابهای درسی-پایه یازدهم-ریاضی و آمار (۲) انسانی</p> <p>حداقل بالای ۲۲۵ دلار باشد. دلار $\frac{۶\times ۳۰\times ۱}{۲۵} = ۲۲۵$</p> <p>پاسخ: ۱</p>
<p>در یک منطقه ۱۲۰۰ نفر از افراد ۱۶ ساله و بیشتر شاغل‌اند. در این منطقه ۲۰۰ نفر ۱۶ ساله و بیشتر جویای کار می‌باشند.</p> <p>الف) نرخ بیکاری در این منطقه چه قدر است؟</p> <p>ب) حداقل چند شغل در این منطقه باید ایجاد شود تا نرخ بیکاری منطقه برابر با ۵ درصد باشد؟</p> <p>مسایل، تمرينات، فعالیتها و خودآزمایی های کتابهای درسی-پایه یازدهم-ریاضی و آمار (۲) انسانی</p> <p>پاسخ: ۱</p>
<p>تقریباً $\frac{۲۰۰}{۱۲۰۰} \approx 0.167$ درصد $\frac{۰.۱۶۷}{۷} \approx ۰.۲۲۹$ جمعیت بیکار</p> <p>شغل $\frac{x}{۱۲۰۰} = 0.05 \Rightarrow x = ۱۲۰۰ \times 0.05 = ۶۰$</p>
<p>خانواده‌ی آقای صالحی در ماه فروردین سال ۱۳۹۵، پانصد هزار تومان هزینه‌ی ماهانه‌ی مسکن، آب، برق، گاز و سایر سوخت‌ها داشته است. در همان تاریخ، هزینه‌ی ماهانه‌ی خوراکی‌ها و آشامیدنی‌های این خانواده دویست و پنجاه هزار تومان بوده است. اگر تعداد افراد این خانواده تغییری نکرده باشد، بر مبنای نمودار شاخص بهای کالا و خدمات مصرفی موارد زیر را به‌طور تقریبی محاسبه کنید.</p> <p>الف) هزینه‌ی ماهانه‌ی مسکن، آب، برق، گاز و سایر سوخت‌های این خانواده در خرداد ماه ۱۳۹۳</p> <p>ب) هزینه‌ی ماهانه‌ی خوراکی‌ها و آشامیدنی‌های این خانواده در مهرماه ۱۳۹۵</p> <p>مسایل، تمرينات، فعالیتها و خودآزمایی های کتابهای درسی-پایه یازدهم-ریاضی و آمار (۲) انسانی</p> <p>پاسخ: ۱</p>
<p>هزار تومان $\frac{۵۰۰ \times ۱۵۰}{۱۰۰} = ۷۵۰$</p> <p>هزار تومان $\frac{۲۵۰ \times ۲۶۲}{۱۰۰} = ۶۵۵$</p>

هزینه‌های زندگی خانواده‌ی آقای صالحی در سال ۱۳۹۵ در جدول زیر آمده است. با توجه به نمودار شاخص بهای کالاها و خدمات مصرفی، جدول زیر را کامل کنید.

دی ماه ۱۳۹۶	مهر ماه ۱۳۹۳	۱۳۹۰	
	$\frac{۲۱۰ \times ۲۲۵}{۱۰۰} = ۴۷۲/۵۰$	۲۱۰	هزینه خوراکی‌ها و آشامیدنی‌ها (بر حسب هزار تومان)
	$\frac{\dots \times ۲۰۲}{۱۰۰} = \dots$	۸۵۰	هزینه کل (بر حسب هزار تومان)

مسایل، تمرینات، فعالیتها و خودآزمایی‌های کتابهای درسی-پایه یازدهم-ریاضی و آمار (۲) انسانی

دی ماه ۱۳۹۶	مهر ماه ۱۳۹۳	۱۳۹۰	
$\frac{۲۱۰ \times ۲۷۲}{۱۰۰} = ۵۷۱/۲$	$\frac{۲۱۰ \times ۲۲۵}{۱۰۰} = ۴۷۲/۵۰$	۲۱۰	هزینه خوراکی‌ها و آشامیدنی‌ها (بر حسب هزار تومان)
$\frac{۸۰۰ \times ۲۰۰}{۱۰۰} = ۲۱۶۷/۵$	$\frac{۸۰۰ \times ۲۰۲}{۱۰۰} = ۱۷۱۷$	۸۵۰	هزینه کل (بر حسب هزار تومان)

پاسخ: ۱

کدامیک از داده‌های زیر، سری زمانی است؟ پاسخ خود را توضیح دهید.

الف) تعداد مسافران فرودگاه بوشهر در هر ماه در ۱۰ سال گذشته

ب) تعداد مشتریان یک تاجر بر حسب مدت زمانی که صرف بازاریابی می‌کند.

پ) تعداد ساعتی که در معرض نور مستقیم خورشید قرار داریم؛ شدت آفتاب‌سوختگی.

مسایل، تمرینات، فعالیتها و خودآزمایی‌های کتابهای درسی-پایه یازدهم-ریاضی و آمار (۲) انسانی

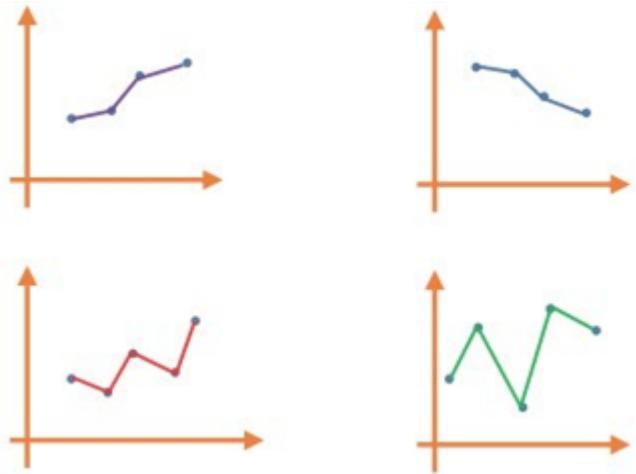
پاسخ: ۱ الف) ✓ فواصل زمانی منظم است.

ب) ✗ فواصل زمانی منظمی بیان نشده است.

پ) ✗ فواصل زمانی منظمی بیان نشده است.

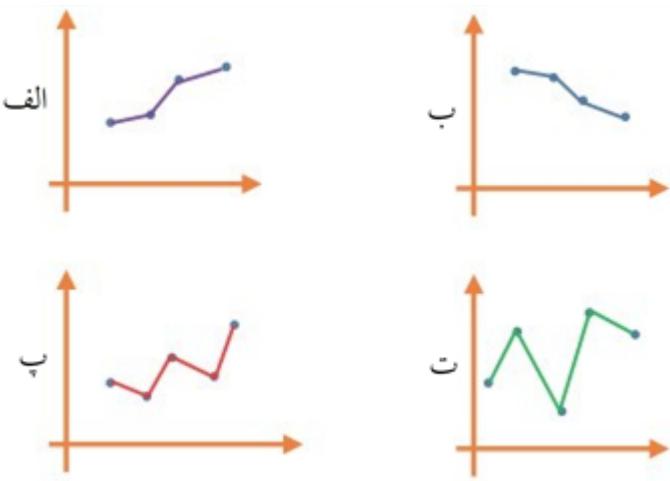
۱۱

اگر نمودارهای شکل زیر، مربوط به سری‌های زمانی باشند، در کدام حالت، درونیابی و برومنیابی خطی بهتری امکان‌پذیر است؟ پاسخ خود را توضیح دهید.



مسابقات، تمرینات، فعالیتها و خودآزمایی‌های کتابهای درسی-پایه یازدهم-ریاضی و آمار (۲) انسانی

پاسخ: ۱ شکل‌های الف و ب - چون تقریباً روی یک خط تغییر می‌کنند و تغییرات ناگهانی ندارند.



یک دکه‌دار تعداد بطری‌های آب فروخته شده، از شروع فصل گرما را یک روز در میان، مطابق با جدول زیر ثبت کرده است:

تعداد بطری‌ها	شنبه	پنجشنبه	سه شنبه	یکشنبه	جمعه	چهارشنبه	دوشنبه	شنبه	روز
۲۳	۲۱	۲۲	۱۸	۲۵	۱۶	۱۳	۸	۲۳	۲۴

(الف) نمودار سری زمانی داده‌ها را رسم کنید.

(ب) تعداد بطری‌های فروخته شده در روزهای فرد را درون‌یابی کنید.

(پ) تعداد بطری‌های فروخته شده در روز شنبه از هفته دوم را بروون‌یابی کنید.

مسابقات، تمرینات، فعالیتها و خودآزمایی‌های کتابهای درسی-پایه یازدهم-ریاضی و آمار (۲) انسانی



پاسخ: ۱ (الف)

$$ب) m = \frac{25 - 8}{7 - 1} = \frac{17}{6}$$

$$\frac{17}{6}(1) + h = 8 \Rightarrow h = 8 - \frac{17}{6} \Rightarrow h = \frac{48 - 27}{6} \Rightarrow h = \frac{21}{6}$$

$$f(x) = \frac{17}{6}x + \frac{21}{6}$$

$$f(2) = \frac{17}{6}(2) + \frac{21}{6} = \frac{34 + 21}{6} = \frac{55}{6}$$

$$f(4) = \frac{17}{6}(4) + \frac{21}{6} = \frac{68 + 21}{6} = \frac{89}{6}$$

$$f(6) = \frac{17}{6}(6) + \frac{21}{6} = \frac{102 + 21}{6} = \frac{123}{6} = 20\frac{1}{5}$$

$$پ) \bar{x} = \frac{1 + 3 + 5 + 7}{4} = \frac{16}{16} = 4$$

$$\bar{y} = \frac{8 + 12 + 16 + 25}{4} = \frac{61}{4} = 15\frac{1}{5}$$

$$m = \frac{25 - 15\frac{1}{5}}{7 - 4} = \frac{9/5}{3} = \frac{95}{30} = \frac{19}{6}$$

$$\frac{19}{6}(7) + h = 25 \Rightarrow h = 25 - \frac{133}{6} \Rightarrow h = \cancel{\frac{150}{6}} - \cancel{\frac{133}{6}} \Rightarrow h = \frac{17}{6}$$

تعداد بطری‌های دوشنبه هفته دوم

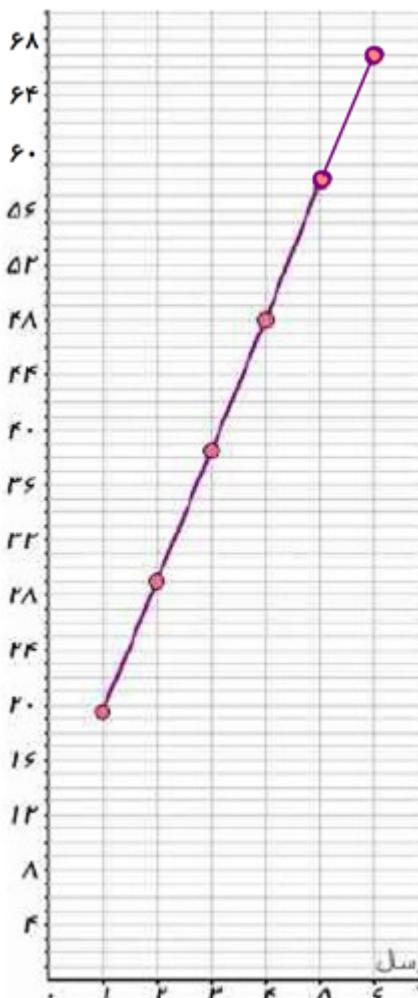
$f(x) = \frac{19}{x} + 17$ میانگین افزایش خدمات یک تعمیرگاه نسبت به سال اول ۵/۲۴ است. بر حسب سال پایه، جدول زیر آمده است.

سال	۱	۲	۳	۴	۵	۶
درآمد	۱۹/۵	۲۹	۳۸/۵	۴۸	۵۸	۶۷

(الف) نمودار سری زمانی داده‌ها رارسم کنید.

(ب) درصد افزایش خدمات سال هفتم این تعمیرگاه را نسبت به سال پایه، بروندیابی کنید.

مسابقات، تمرینات، فعالیتها و خودآزمایی‌های کتابهای درسی-پایه یازدهم-ریاضی و آمار (۲) انسانی



پاسخ: ۱ (الف)

۱۴

$$b) \bar{x} = \frac{1+2+3+4+5+6}{6} = \frac{21}{6}$$

$$\bar{y} = \frac{19/5 + 29 + 38/5 + 48 + 58 + 67}{6} = \frac{260}{6}$$

$$m = \frac{67 - \frac{260}{6}}{\frac{21}{6} - \frac{19}{6}} = \frac{\frac{402 - 260}{6}}{\frac{26 - 19}{6}} = \frac{142}{10}$$

$$\frac{142}{10}(x) + h = 26 \Rightarrow h = -\frac{852}{10} + 260 \Rightarrow h = \frac{-852 + 1000}{10} \Rightarrow h = \frac{148}{10}$$

$$f(x) = \frac{142}{10}x + \frac{148}{10}$$

$$f(7) = \frac{142}{10}(7) + \frac{148}{10} = \frac{994 + 148}{10} = \frac{1142}{10} \approx 76/47$$

تعداد زلزله‌های دارای شدت بیش از 7 ریشتر در جهان، مطابق جدول زیر برای ده سال ثبت شده است.

سال	اول	دوم	سوم	چهارم	پنجم	ششم	هفتم	هشتم	نهم	دهم	تعداد زلزله‌های شدیدتر از 7 ریشتر
	۲۹	۲۸	۳۰	۲۳	۲۰	۱۶	۲۱	۲۵	۱۶	۲۱	۲۱

(الف) نمودار سری زمانی آنرا رسم کنید.

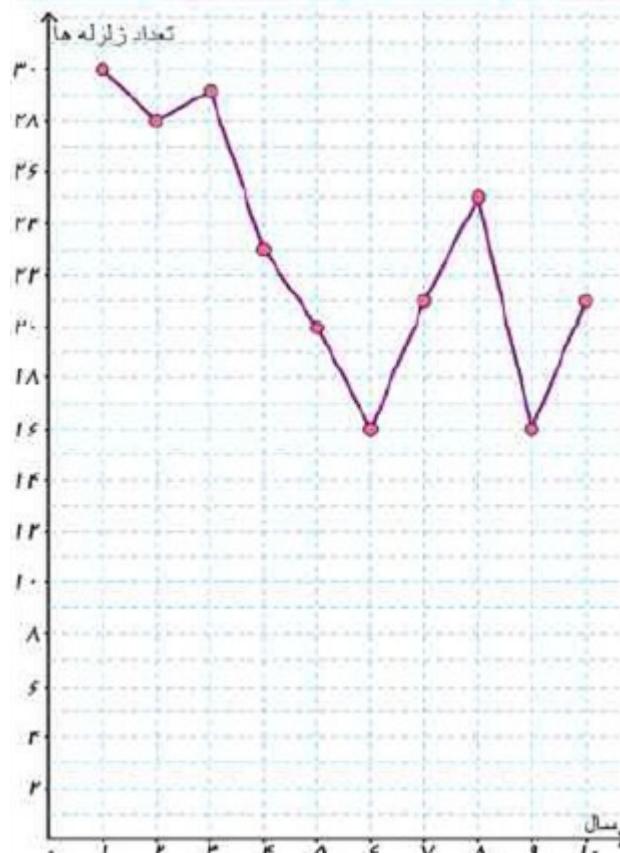
(ب) میانگین سال و تعداد زلزله‌ها را به دست آورید.

(پ) معادله‌ی خطی را که نقطه (۱۰، ۲۱) را به میانگین سال و تعداد زلزله‌ها وصل می‌کند، به دست آورید.

(ت) با استفاده از خطی که معادله‌ی آنرا به دست آورده‌اید، تعداد زلزله‌های شدیدتر از 7 ریشتر در سال یازدهم در جهان را برونویابی کنید.

(ث) اگر بدانیم که در سال یازدهم دقیقاً ۲۵ زلزله آمده است. خطای برونویابی چه قدر است؟

مسایل، تمرینات، فعالیتها و خودآزمایی‌های کتابهای درسی-پایه یازدهم-ریاضی و آمار (۲) انسانی



پاسخ: ۱ (الف)

۱۵

$$\text{ب) } \bar{x} = \frac{1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + 8 + 9 + 10}{10} = \frac{55}{10} = 5/5$$

$$\bar{y} = \frac{29 + 28 + 29 + 23 + 20 + 16 + 21 + 25 + 16 + 21}{10} = \frac{229}{10} = 22/9$$

$$\text{پ) } m = \frac{21 - 22/9}{10 - 5/5} = \frac{-1/9}{4/5} = -\frac{19}{45}$$

$$-\frac{19}{45}(10) + h = 21 \Rightarrow h = 21 + \frac{190}{45} \Rightarrow h = \frac{945 + 190}{45} \Rightarrow h = \frac{1135}{45}$$

$$\Rightarrow f(x) = -\frac{19}{45}x + \frac{1135}{45}$$

$$\text{ت) } f(11) = -\frac{19}{45}(11) + \frac{1135}{45} = \frac{-209 + 1135}{45} = \frac{926}{45} \approx 20/58$$

$$\text{ث) خطای برونویابی } E = |20/58 - 25| = 4/42$$

شاخص اجاره‌بهای مسکن در سال ۹۵، ۶ واحد بیشتر از شاخص اجاره‌ها در سال ۹۴ و درصد تورم شاخص اجاره‌ها در سال ۹۶ نسبت به سال ۹۴ درصد است. اگر درصد تورم این شاخص در هر سال نسبت به سال قبل یکسان باشد، درصد تورم اجاره‌بهای مسکن در سال ۹۵ نسبت به سال ۹۴ کدام است؟

۱۶ ۴

۱۸ ۳

۲۰ ۲

۲۲ ۱

سراسری-انسانی-۱۴۰۳-اردیبهشت

$$x = \text{شاخص اجاره‌ها}_{94}$$

پاسخ: گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$95 = x + 6$$

$$96 = 1/44x$$

طبق فرض داریم:

$$\frac{x+6}{x} = \frac{1/44x}{x+6} \Rightarrow (x+6)^2 = 1/44x^2 \Rightarrow 0/44x^2 - 12x - 36 = 0 \Rightarrow 0/11x^2 - 3x - 9 = 0$$

$$\Rightarrow x = \frac{3 \pm \sqrt{9 + 36 \times 0/11}}{0/22} = \frac{3 \pm \sqrt{12/96}}{0/22} = \frac{3 \pm 3/6}{0/22} \Rightarrow x = \begin{cases} 30 \\ -2/72 \end{cases}$$

$$\frac{\text{درصد تورم}_{95}}{\text{درصد تورم}_{94}} = \frac{36}{30} - 1 = \frac{6}{30} = \frac{1}{5} = \frac{20}{100} = \%20$$

در یک منطقه ۲۲۵ نفر از افراد ۱۸ سال به بالا، جویای کار هستند. اگر ۴۵ شغل ایجاد شود، ۵ درصد از نرخ بیکاری

کمتر می‌شود، چند شغل دیگر ایجاد شود تا نرخ بیکاری $\frac{1}{3}$ کاهش یابد؟

۱۵۰ ۴

۷۵ ۳

۶۰ ۲

۳۰ ۱

کنکورهای خارج از کشور-سراسری-انسانی

پاسخ: گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$\frac{45}{a+225} \times 100 = 5 \Rightarrow a = 475 \quad \text{تعداد افراد شاغل}$$

$$\begin{cases} \text{شاغل} : 475 + 45 = 720 \\ \text{بیکار} : 225 - 45 = 180 \end{cases} \quad \text{شرط جدید} \Rightarrow 900 = \text{جمعیت منطقه}$$

$$\frac{180}{900} \times 100 = 20 \Rightarrow \frac{180-x}{900} \times 100 = \frac{2}{3} \times 20 \Rightarrow 180-x = 120 \Rightarrow x = 60 \quad \text{نرخ بیکاری}$$

در یک منطقه ۱۲۰ نفر ساکن هستند. دولت به ۵۰ نفر، یارانه کمک معیشتی ۷۲۰،۰۰۰ ریالی پرداخت می‌کند. اگر خط فقر با استفاده از میانگین درآمد محاسبه شود، بعد از پرداخت یارانه، خط فقر چه تغییری می‌کند؟

۱۴,۴۰۰ ریال افزایش می‌یابد.

ثبت می‌ماند. ۱

۳۰۰,۰۰۰ ریال افزایش می‌یابد.

۱۵۰,۰۰۰ ریال افزایش می‌یابد. ۳

سراسری-انسانی-رفع شبهه آذرماه ۱۴۰۱

پاسخ: گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$\frac{50 \times 720,000}{120} = 300,000 \quad \text{میزان افزایش میانگین درآمد}$$

پس نصف این مقدار یعنی ۱۵۰,۰۰۰ ریال، خط فقر افزایش می‌یابد.



در یک منطقه ۱۵۰۰ نفر از افراد ۱۸ ساله به بالا هستند. اگر با ایجاد n شغل ۲۰ درصد از تعداد بیکارها کم شود، نرخ

$\frac{2}{3}$ کاهش می‌یابد. چند شغل دیگر ایجاد شود تا نرخ بیکاری $\frac{1}{3}$ کاهش می‌یابد؟

۲۵۰ ۴

۱۷۵ ۳

۱۲۵ ۲

۵۰ ۱

سراسری-انسانی-۱۴۰۲-تیرماه

پاسخ: گزینه ۳ پاسخ صحیح است. a نفر شاغل و b نفر بیکار فرض می‌کنیم:

$$\Rightarrow 1500 = b + a$$

$$b - n = \frac{1}{3}b \Rightarrow n = \frac{2}{3}b$$

$$\frac{b - n}{1500} \times 100 = \frac{b}{1500} \times 100 - 5 \Rightarrow \frac{\frac{2}{3}b}{15} = \frac{b}{15} - 5 \Rightarrow \frac{2}{3}b = 5 \Rightarrow b = 75$$

$$\Rightarrow n = \frac{2}{3}b = \frac{2}{3} \times 75 = 50 \xrightarrow{\text{نرخ بیکاری}} \frac{50}{1500} \times 100 = 25$$

$$\frac{300 - x}{1500} \times 100 = \frac{1}{3} \times 25 \Rightarrow \frac{300 - x}{15} = \frac{25}{3} \Rightarrow 300 - x = 125 \Rightarrow x = 175$$

$\frac{1}{3}$ کم شود $\frac{1}{3}$ می‌ماند

داده‌های زیر، درآمد افراد یک جامعه برحسب میلیون تومان و خط فقر با استفاده از میانگین در این جامعه $\frac{5}{3}$ میلیون تومان است. اگر برای محاسبه خط فقر از میانه استفاده شود، چند نفر از افراد این جامعه، زیر خط فقر هستند؟

۱۹, ۸/۲, ۱/۸, ۲/۲, ۶, ۱۳, ۳/۴, ۳/۴, a , ۶/۲, ۱۰, ۴/۸

۲ ۴

۳ ۳

۱۴ ۲

۵ ۱

کنکورهای خارج از کشور-سراسری-انسانی

پاسخ: گزینه ۴ پاسخ صحیح است. چون خط فقر برابر $\frac{5}{3}$ است پس میانگین برابر $\bar{x} = 7$ است. در نتیجه:

$$\bar{x} = \frac{19 + 8/2 + 1/8 + 2/2 + 6 + 13 + 3/4 + 3/4 + a + 6/2 + 10 + 4/8}{12}$$

$$\Rightarrow \frac{a + 78}{12} = 7 \Rightarrow a + 78 = 84 \Rightarrow a = 6$$

داده‌ها را از کوچک به بزرگ مرتب می‌کنیم:

۱/۸, ۲/۲, ۳/۴, ۳/۴, ۴/۸, ۶, ۶, ۶/۲, ۸/۲, ۱۰, ۱۳, ۱۹

$$\text{میانه : } Q_2 = \frac{6+6}{2} = 6$$

$$\Rightarrow \frac{6}{2} = 3 \text{ خط فقر (میانه)}$$

دو نفر با درآمد $2/2$ و $1/8$ زیر خط فقر هستند.

قیمت برنج و گوشت در سال پایه به ترتیب ۴۲ و $5/137$ هزار تومان و در سال موردنظر به ترتیب ۱۲۰ و ۲۴۰ هزار تومان است. اگر شاخص بهای برنج و گوشت در سال موردنظر مصرفی برنج و گوشت به ترتیب a و ۱۶ کیلوگرم باشد. مقدار a چند کیلوگرم است؟

۷۵ ۴۶۴ ۳۵۰ ۲۴۸ ۱

سراسری-انسانی-دی ۱۴۰۱

$$\text{شاخص} = \frac{(a \times 120) + (16 \times 240)}{(a \times 42) + (16 \times 137/5)} \times 100 = 240$$

پاسخ: گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۴

$$\Rightarrow \frac{10(120a + 3840)}{42a + 2200} = 24 \Rightarrow 1200a + 38400 = 1008a + 52800 \Rightarrow 1200a - 1008a = 52800 - 38400$$

$$\Rightarrow 192a = 14400 \Rightarrow a = \frac{14400}{192} = 75$$

۲۱

مقدار بارندگی یک شهر در روزهای مختلف هفته‌ی اول سال، بر حسب میلی‌متر، به صورت جدول زیر است؟

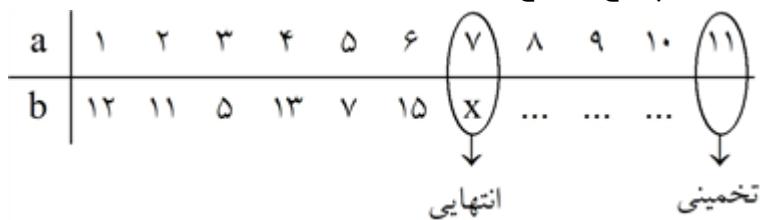
جمعه	پنجشنبه	چهارشنبه	سه شنبه	دوشنبه	یکشنبه	شنبه	روز	
X	۱۵	۷	۱۳	۵	۱۱	۱۲	مقدار بارندگی (میلی‌متر)	

در جدول فوق داده X معلوم است. پیش‌بینی می‌شود مقدار بارندگی این شهر روز سه‌شنبه هفته‌ی جدید ۱۵ میلی‌متر باشد. میانگین مقدار بارندگی در هفته‌ی اول سال، کدام است؟

۱۴ ۴۱۱/۲ ۳۱۰/۸ ۲۹ ۱

کنکورهای خارج از کشور-سراسری-انسانی

پاسخ: گزینه ۲ پاسخ صحیح است. می‌توان جدول را به صورت زیر در نظر گرفت:



۲۲

$$\text{میانگین}, (11, 15) \text{ تخمینی} \left(4, \frac{x+63}{7} \right)$$

$$\Rightarrow \text{معادله خط}: m = \frac{15-x}{11-4} = \frac{15-x}{7} \Rightarrow y - 15 = \frac{15-x}{7}(x - 11)$$

$$\frac{\text{مختصات نقطه میانگین در معادله}}{\text{خط صدق می کند}} \rightarrow \frac{x+63}{7} - 15 = \frac{15-x}{7}(4-11) \Rightarrow x = \frac{7 \times 22}{15} + \frac{7 \times 5}{15}$$

$$\bar{b} = \frac{x+63}{7} = \frac{x}{7} + \frac{63}{7} = \frac{x}{7} + 9 = \frac{22}{15} + \frac{5}{15} + 9 = \frac{9}{5} + 9 = 10/8$$

روش دوم:

$$\frac{15-x}{11-4} = \frac{15 - \frac{x+63}{7}}{11-4} \Rightarrow x = \dots$$

تساوی شیبها:

اگر درآمد افراد یک جامعه ۴ برابر شود، مقادیر خط فقر با استفاده از میانگین (a) و خط فقر با استفاده از میانه (b) چه تغییری می‌کنند؟

a و b ۴ برابر می‌شوند.

۱ a و b، ۲ برابر می‌شوند.

a، ۴ برابر و b، ۲ برابر می‌شود.

۳ a، ۲ برابر و b، ۴ برابر می‌شود.

سراسری-انسانی-تیرماه ۱۴۰۱

۲۳

پاسخ: ۲ گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

تذکر: درآمدها در عددی ضرب شوند خط فقر نیز در آن عدد ضرب می‌شود و همچنین b چهار برابر می‌شود.

نرخ تورم کشوری در فاصله‌ی زمانی ۳ سال، به صورت زیر است. برونویابی آن، در سال شانزدهم، کدام است؟

(x)	سال	۳	۶	۹	۱۲	۱۵
(y)	تورم	۲۰/۵	۲۴	۲۲	۲۷	۲۱/۵

۲۲ ۴

۲۱/۷۵ ۳

۲۱/۲۵ ۲

۲۱ ۱

کنکورهای خارج از کشور-سراسری-انسانی

۲۴

پاسخ: ۲ گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$\left\{ \begin{array}{l} \bar{x} = \frac{3+6+9+12+15}{5} = \frac{45}{5} = 9 \\ \bar{y} = \frac{20/5+24+22+27+21/5}{5} = 23 \end{array} \right.$$

$$m = \frac{23 - 21/5}{9 - 15} = \frac{-1}{4}$$

$$y - y_A = m(x - x_A) \Rightarrow y - 23 = \frac{-1}{4}(x - 9) \xrightarrow{x=16} y - 23 = \frac{-1}{4}(16 - 9)$$

$$\Rightarrow y = \frac{-7}{4} + 23 = 23 - 1/75 = 21/25$$

تعداد کالای فروخته شده توسط یک فروشگاه در هفته‌های اول تا هفتم به صورت جدول زیر است:

هفته	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷
تعداد کالاهای فروخته شده	۸	x	۵	y	۱۰	۱۰	۱۲

پیش‌بینی‌ها نشان می‌دهد که تعداد کالایی که در هفته‌ی نهم به فروش می‌رسد ۸ کala است. مقدار $y + x$, کدام است؟

۷۶

۵۰

۳۶

۲۶

سراسری-انسانی-۱۴۰۰

پاسخ: ۴ گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$12 - 8 = \frac{4}{7 - 9} = -\frac{2}{2} \Rightarrow y - y_1 = m(x - x_1) \quad (4, 8) : \text{انتهایی}, (9, 12) : \text{تخمین}$$

$$\Rightarrow y - 8 = -2(x - 9) \Rightarrow y = -2x + 26$$

$$\text{میانگین کالاهای فروخته شده} = \frac{8 + x + 5 + y + 10 + 10 + 12}{7} = \frac{x + y + 50}{7}$$

$$\frac{1 + 7}{2} = 4 \Rightarrow \left(4, \frac{x + y + 50}{7} \right) : \text{میانگین هفته ها}$$

نقطه‌ی میانگین در معادله‌ی خط بالا صدق می‌کند:

$$y = -2x + 26 \Rightarrow \left(4, \frac{x + y + 50}{7} \right) \text{ صدق} \Rightarrow \frac{x + y + 50}{7} = -2(4) + 26 \Rightarrow \frac{x + y + 50}{7} = 18$$

$$\Rightarrow x + y + 50 = 7 \times 18 \Rightarrow x + y = 126 - 50 = 76$$

در یک مرکز خرید، تعداد مشتری‌ها بین ساعت ۹ تا ۱۳ در جدول زیر آمده است. درونیابی خطی آن در ساعت ۱۰، کدام است؟

۹	۱۰	۱۱	۱۲	۱۳
۱۰	۱۵۰	۱۹۰	۲۵۰	۱۲۰

۱۷۸

۱۷۵

۱۷۲

۱۷۰

کنکورهای خارج از کشور-سراسری-انسانی

پاسخ: ۱ گزینه ۱ پاسخ صحیح است. با استفاده از نقاط (10, 150) و (11, 190) ابتداتابع خطی را می‌نویسیم.

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$m = \frac{190 - 150}{11 - 10} = 40$$

$$y - 150 = 40(x - 10) \xrightarrow{x=10/5} y - 150 = 40(10/5 - 10)$$

$$y - 150 = 40(0/5) \Rightarrow y = 150 + 20 = 170$$

در یک نمونه‌ی تصادفی از کارکنان یک شرکت، میانه و میانگین درآمد ماهیانه آنان، بهترتب، ۲۵۰ و ۳۰۰ واحد پول است. اگر ۳ نفر آنان درآمد بسیار بالایی داشته باشند، خط فقر کدام است؟

۲۵۰ ۴

۱۸۳ ۳

۱۵۳ ۲

۱۲۵ ۱

کنکورهای خارج از کشور-سراسری-انسانی

$$= ۲۵۰ \text{ میانه}$$

پاسخ: ۱ گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$= ۳۰۰ \text{ میانگین}$$

درآمد بسیار بالا ← داده‌ی پرت

$$= ۲۵۰ \text{ میانه}$$

$$\Rightarrow ۱۲۵ \text{ خط فقر}$$

قیمت سه نوع کالا در سال پایه ۲۰۰۰ و ۷۵۰۰ و ۳۵۰۰ واحد پول، در سال موردنظر بهترتب ۳۰۰۰ و ۱۰۰۰۰ و ۵۰۰۰ واحد پول است. تعداد موردنیاز این سه کالا در سال بهترتب ۶۰ و ۱۰۰ و ۸۰ می‌باشد. مقدار تورم آن تقریباً چند درصد است؟

۴۰ / ۱ ۴

۳۹ / ۲ ۳

۳۷ / ۴ ۲

۳۵ / ۸ ۱

کنکورهای خارج از کشور-سراسری-انسانی

$$\frac{P_1 - P_0}{P_0} \times 100 \simeq ۳۷ / ۴$$

پاسخ: ۲ گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

پاسخنامه تشریحی

$$\frac{(۶۰ \times ۱۲۰) + (۴۰ \times ۷۰۰)}{(۶۰ \times ۸۰) + (۴۰ \times ۵۰۰)} \times 100 = \frac{۳۵۲۰۰}{۲۴۸۰۰} \times 100 = ۱۴۱ / ۹ \simeq ۱۴۲$$

$$\frac{۳۰۰}{۱۲۰۰ + ۳۰۰} \times 100 = ۲۰$$

مرتب شده : ۴, ۵, ۱۰, ۱۲, ۱۳, ۲۰, ۳۰

میانه = ۱۲

$$\text{میلیون } \frac{۱۲}{۲} = ۶ \text{ نصف میانه} = \text{خط فقر}$$

$$10000000 - 800000 = 2000000$$

$$2000000 \times \frac{۱۰}{۱۰۰} = 200000$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

با فرض این که ۳۵۰۰۰۰۰ درآمد ماهیانه یک خانواده ۵ نفره است مسئله را حل می‌کنیم.

$$\text{تومان } \frac{۳۵۰۰۰۰۰}{۵} = ۷۰۰۰۰ \text{ = درآمد ماهیانه هر فرد}$$

$$\text{تومان } \frac{۷۰۰۰۰}{۲} = ۳۵۰۰۰ \text{ = خط فقر = نصف میانگین}$$

زمانی از میانه درآمد خانوارها استفاده می‌کنیم که داده‌ی دور افتاده داشته باشیم.

$$\text{حداقل بالای } ۲۲۵ \text{ دلار باشد. دلار } ۲۲۵ = ۶ \times ۳۰ \times ۱ / ۲۵$$

$$\text{الف) جمعیت بیکار} \frac{۲۰۰}{۱۲۰۰} \simeq ۰ / ۱۶۷ \text{ درصد } ۱۶ / ۷ \text{ تقریباً}$$

$$\text{ب) } \frac{x}{۱۲۰۰} = ۰ / ۰۵ \Rightarrow x = ۱۲۰۰ \times ۰ / ۰۵ \Rightarrow x = ۶۰ \text{ شغل}$$

$$\text{الف) } \frac{۵۰۰ \times ۱۵۰}{۱۰۰} = ۷۵۰ \text{ هزار تومان}$$

$$\text{ب) } \frac{۲۵۰ \times ۲۶۲}{۱۰۰} = ۶۵۵ \text{ هزار تومان}$$

۱

۲

۳

۴

۵

۶

۷

۸

۹

دی ماه ۱۳۹۶	مهرماه ۱۳۹۳	۱۳۹۰	
$\frac{۲۱۰ \times ۲۷۲}{۱۰۰} = ۵۷۱/۲$	$\frac{۲۱۰ \times ۲۲۵}{۱۰۰} = ۴۷۲/۵۰$	۲۱۰	هزینه‌ی خوراکی‌ها و آشامیدنی‌ها (بر حسب هزار تومان)
$\frac{۸۵۰ \times ۲۵۵}{۱۰۰} = ۲۱۶۷/۵$	$\frac{۸۵۰ \times ۲۰۲}{۱۰۰} = ۱۷۱۷$	۸۵۰	هزینه‌ی کل (بر حسب هزار تومان)

۱۰

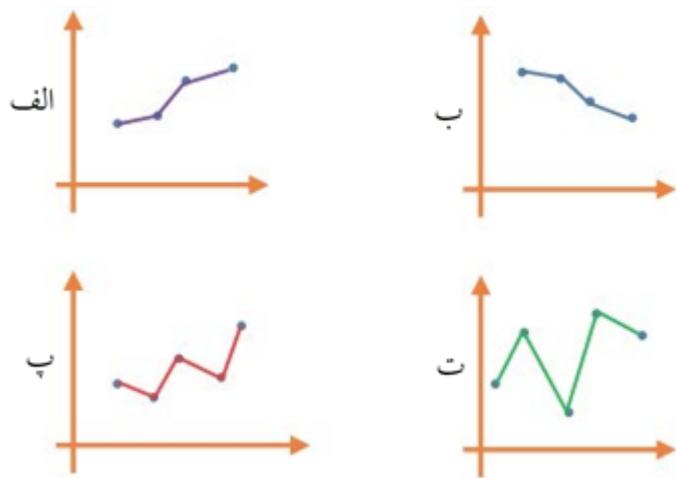
الف) ✓ فواصل زمانی منظم است.

ب) ✗ فواصل زمانی منظمی بیان نشده است.

پ) ✗ فواصل زمانی منظمی بیان نشده است.

شکل‌های الف و ب - چون تقریباً روی یک خط تغییر می‌کنند و تغییرات ناگهانی ندارند.

۱۱



(الف) ۱۳



$$\text{ب) } m = \frac{25 - 8}{7 - 1} = \frac{17}{6}$$

$$\frac{17}{6}(1) + h = 8 \Rightarrow h = 8 - \frac{17}{6} \Rightarrow h = \frac{48 - 27}{6} \Rightarrow h = \frac{21}{6}$$

$$f(x) = \frac{17}{6}x + \frac{21}{6}$$

$$f(2) = \frac{17}{6}(2) + \frac{21}{6} = \frac{34 + 21}{6} = \frac{55}{6}$$

$$f(4) = \frac{17}{6}(4) + \frac{21}{6} = \frac{68 + 21}{6} = \frac{89}{6}$$

$$f(7) = \frac{17}{6}(7) + \frac{21}{6} = \frac{102 + 21}{6} = \frac{123}{6} = 20.5$$

$$\text{پ) } \bar{x} = \frac{1 + 3 + 5 + 7}{4} = \frac{16}{4} = 4$$

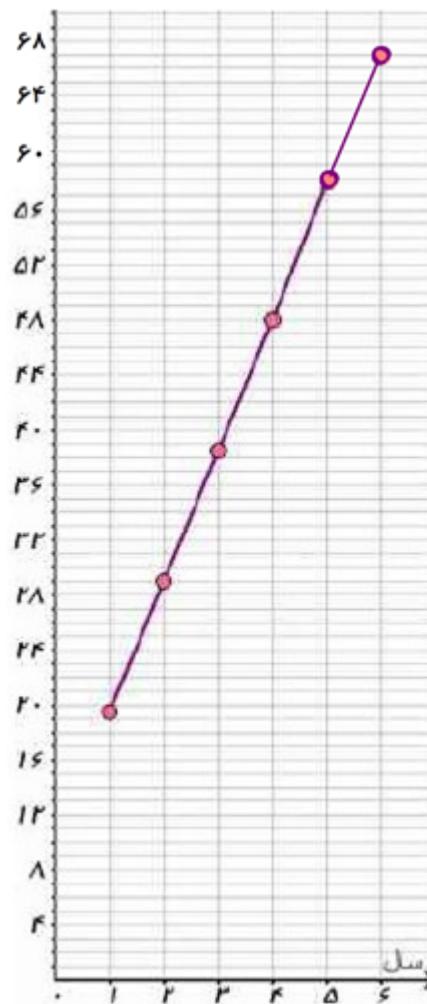
$$\bar{y} = \frac{8 + 13 + 16 + 25}{4} = \frac{62}{4} = 15.5$$

$$m = \frac{25 - 15.5}{7 - 4} = \frac{9.5}{3} = \frac{95}{30} = \frac{19}{6}$$

$$\frac{19}{6}(4) + h = 25 \Rightarrow h = 25 - \frac{133}{6} \Rightarrow h = \frac{150 - 133}{6} \Rightarrow h = \frac{17}{6}$$

$$f(x) = \frac{19}{6}x + \frac{17}{6} \Rightarrow f(10) = \frac{19}{6}(10) + \frac{17}{6} = \frac{190 + 17}{6} = \frac{207}{6} = 34.5$$

(الف) ١٤



$$\text{ب)} \bar{x} = \frac{1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6}{6} = \frac{21}{6}$$

$$\bar{y} = \frac{19/5 + 29 + 38/5 + 48 + 58 + 67}{6} = \frac{260}{6}$$

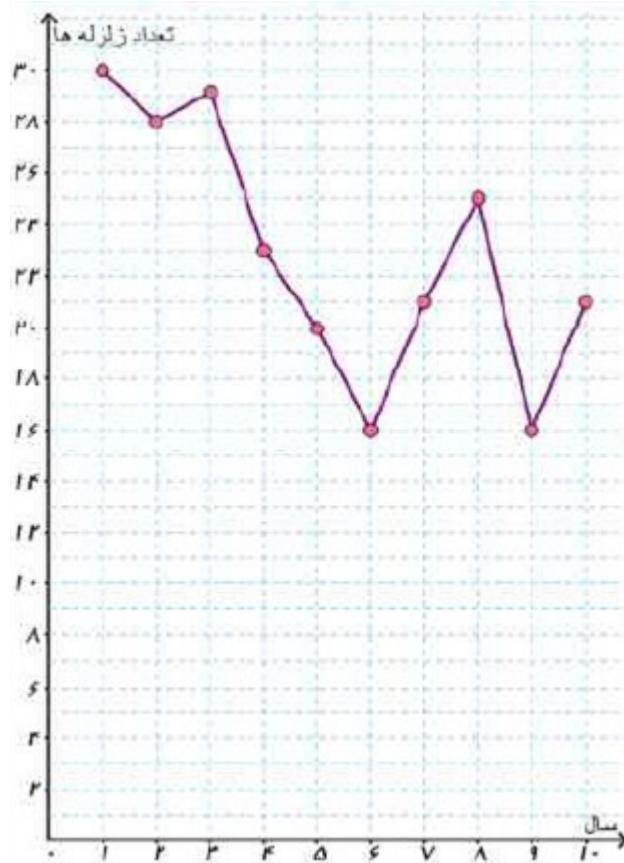
$$m = \frac{67 - \frac{260}{6}}{6 - \frac{21}{6}} = \frac{\frac{402 - 260}{6}}{\frac{36 - 21}{6}} = \frac{142}{15}$$

$$\frac{142}{15}(x) + h = 26 \Rightarrow h = -\frac{142}{15}x + 26 \Rightarrow h = \frac{-142x + 100}{15} \Rightarrow h = \frac{100}{15}$$

$$f(x) = \frac{142}{15}x + \frac{100}{15}$$

$$f(4) = \frac{142}{15}(4) + \frac{100}{15} = \frac{992 + 100}{15} = \frac{1112}{15} \approx 74/47$$

(الف) ۱۵



$$\text{ب)} \quad \bar{x} = \frac{۱ + ۲ + ۳ + ۴ + ۵ + ۶ + ۷ + ۸ + ۹ + ۱۰}{۱۰} = \frac{۵۵}{۱۰} = ۵/۵$$

$$\bar{y} = \frac{۲۰ + ۲۸ + ۲۹ + ۲۳ + ۲۰ + ۱۶ + ۲۱ + ۲۵ + ۱۶ + ۲۱}{۱۰} = \frac{۲۲۹}{۱۰} = ۲۲/۹$$

$$\text{پ)} \quad m = \frac{۲۱ - ۲۲/۹}{۱۰ - ۵/۵} = \frac{-۱/۹}{۴/۵} = -\frac{۱۹}{۴۵}$$

$$-\frac{۱۹}{۴۵}(۱۰) + h = ۲۱ \Rightarrow h = ۲۱ + \frac{۱۹۰}{۴۵} \Rightarrow h = \frac{۹۴۵ + ۱۹۰}{۴۵} \Rightarrow h = \frac{۱۱۳۵}{۴۵}$$

$$\Rightarrow f(x) = -\frac{۱۹}{۴۵}x + \frac{۱۱۳۵}{۴۵}$$

$$\text{ت)} \quad f(۱۱) = -\frac{۱۹}{۴۵}(۱۱) + \frac{۱۱۳۵}{۴۵} = \frac{-۲۰۹ + ۱۱۳۵}{۴۵} = \frac{۹۲۶}{۴۵} \approx ۲۰/۵۸$$

$$\text{ث)} \quad E = |۲۰/۵۸ - ۲۵| = ۴/۴۲$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$x = \text{شاخص اجاره‌ها} + 6 \quad ۹۵$$

$$x = 1 / 44x \quad ۹۶$$

طبق فرض داریم:

$$\frac{x+6}{x} = \frac{1/44x}{x+6} \Rightarrow (x+6)^2 = 1/44x^2 \Rightarrow 1/44x^2 - 12x - 36 = 0 \Rightarrow 1/11x^2 - 3x - 6 = 0$$

$$\Rightarrow x = \frac{3 \pm \sqrt{9 + 36 \times 0/11}}{0/22} = \frac{3 \pm \sqrt{12/96}}{0/22} = \frac{3 \pm 3/6}{0/22} \Rightarrow x = \begin{cases} 30 \\ -2/72 \end{cases}$$

$$\frac{۹۵ \text{ درصد تورم}}{۹۴ \text{ درصد تورم}} = \frac{۳۶}{۳۰} - 1 = \frac{6}{30} = \frac{1}{5} \Rightarrow \frac{1}{5} = \frac{۲۰}{100} = ۲۰\%$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۱۷

$$a = \text{تعداد افراد شاغل} \Rightarrow \frac{45}{a+225} \times 100 = 5 \Rightarrow a = 675$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{شاغل: } 675 + 45 = 720 \\ \text{بیکار: } 225 - 45 = 180 \end{array} \right. \text{ شرایط جدید} \Rightarrow ۹۰۰ = \text{جمعیت منطقه}$$

$$\frac{180}{900} \times 100 = 20 \Rightarrow \frac{180-x}{900} \times 100 = \frac{2}{3} \times 20 \Rightarrow 180-x = 120 \Rightarrow x = 60$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۱۸

$$\frac{۵۰ \times ۷۲۰,000}{120} = ۳۰۰,000 \text{ میزان افزایش میانگین درآمد}$$

پس نصف این مقدار یعنی ۱۵۰,۰۰۰ ریال، خط فقر افزایش می‌یابد.

$$1500 = b + a$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. a نفر شاغل و b نفر بیکار فرض می‌کنیم: ۱۹

$$b - n = ۰/۸b \Rightarrow n = ۰/۲b$$

$$\frac{b-n}{1500} \times 100 = \frac{b}{1500} \times 100 - 5 \Rightarrow \frac{۰/۸b}{15} = \frac{b}{15} - \Delta \Rightarrow ۰/۲b = ۷۵ \Rightarrow b = ۳۷۵$$

$$\Rightarrow n = ۰/۲ \times 375 = 75 \text{ تعداد بیکار جدید} \xrightarrow{\text{نرخ بیکاری}} \frac{375}{1500} \times 100 = 25$$

$$\frac{300-x}{1500} \times 100 = \underbrace{\frac{1}{3} \times 25}_{\text{کم شود }} \Rightarrow \frac{300-x}{15} = \frac{75}{3} \Rightarrow 300-x = 125 \Rightarrow x = 175$$

کم شود $\frac{1}{3}$ می‌ماند

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. چون خط فقر برابر $\frac{5}{3}$ است پس میانگین برابر $\bar{x} = 7$ است. در نتیجه:

$$\bar{x} = \frac{19 + 8/2 + 1/8 + 2/2 + 6 + 13 + 3/4 + 3/4 + a + 6/2 + 10 + 4/8}{12}$$

$$\Rightarrow \frac{a + \forall x}{\exists} = \forall \Rightarrow a + \forall x = \forall \exists \Rightarrow a = \exists$$

داده‌ها را از کوچک به بزرگ مرتب می‌کنیم:

$\frac{1}{\lambda}, \frac{\gamma}{2}, \frac{\alpha}{4}, \frac{\beta}{4}, \frac{\delta}{\lambda}, \vartheta, \vartheta, \frac{\vartheta}{2}, \frac{\lambda}{2}, 1+, 1^-, 1^-$

$$\text{میانه: } Q_2 = \frac{6+6}{2} = 6$$

$$\Rightarrow \text{خط فقر (میانہ)} = \frac{6}{2} = 3$$

دو نفر با درآمد ۲/۲ و ۸/۱ زیر خط فقر هستند.

$$\text{شاخص} = \frac{(a \times 120) + (16 \times 240)}{(a \times 42) + (16 \times 137 / 5)} \times 100 = 24.$$

۲۱ گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$\Rightarrow \frac{10(120a + 3840)}{42a + 220} = 24 \Rightarrow 1200a + 38400 = 1008a + 5280 \Rightarrow 1200a - 1008a = 5280 - 3840$$

$$\Rightarrow 191a = 1FF00 \Rightarrow a = \frac{1FF00}{191} = 1\delta$$

۲۲ گزینه ۲ پاسخ صحیح است. می‌توان جدول را به صورت زیر درنظر گرفت:

(٧) انتهایی، x) تخمینی $\left(٤, \frac{x+٦٣}{٧} \right)$ میانگین، (١٥، ١١)

$$\Rightarrow \text{معادله خطی} : m = \frac{1\omega - x}{11 - y} = \frac{1\omega - x}{4} \Rightarrow y - 1\omega = \frac{1\omega - x}{4}(x - 11)$$

$$\frac{x+63}{7} - 10 = \frac{10-x}{4}(4-11) \Rightarrow x = \frac{7 \times 22}{10} + \frac{7 \times 5}{10}$$

$$\bar{b} = \frac{x + 93}{10} = \frac{x}{10} + \frac{93}{10} = \frac{x}{10} + 9 = \frac{22}{10} + \frac{9}{10} + 9 = \frac{9}{5} + 9 = 10.8$$

روش دوم:

$$\frac{1\omega - x}{1\omega - v} = \frac{1\omega - \frac{x+v}{v}}{1\omega - v} \Rightarrow x = \dots$$

تساوی شیپها:

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

تذکر: درآمدها در عددی ضرب شوند خط فقر نیز در آن عدد ضرب می‌شود و همچنین b چهار برابر می‌شود.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$\left\{ \begin{array}{l} \bar{x} = \frac{۱+۶+۹+۱۲+۱۵}{۵} = \frac{۴۵}{۵} = ۹ \\ \bar{y} = \frac{۱۱۵}{۵} = ۲۳ \\ m = \frac{۲۳ - ۲۱/۵}{۹ - ۱۵} = \frac{-۱}{-۶} \end{array} \right.$$

$$y - y_A = m(x - x_A) \Rightarrow y - ۲۳ = \frac{-۱}{۶}(x - ۹) \xrightarrow{x=۱۶} y - ۲۳ = \frac{-۱}{۶}(۱۶ - ۹)$$

$$\Rightarrow y = \frac{-۱}{۶} + ۲۳ = ۲۳ - ۱/۷۵ = ۲۱/۲۵$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$m = \frac{۱۲ - ۸}{۷ - ۹} = \frac{۴}{-۲} = -۲ \Rightarrow y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$\Rightarrow y - ۸ = -۲(x - ۹) \Rightarrow y = -۲x + ۲۶$$

$$m = \frac{۸ + x + ۵ + y + ۱۵ + ۱۰ + ۱۲}{۷} = \frac{x + y + ۵۰}{۷}$$

$$\frac{۱ + ۷}{۲} = ۴ \Rightarrow \left(۴, \frac{x + y + ۵۰}{۷} \right)$$

نقطه‌ی میانگین در معادله‌ی خط بالا صدق می‌کند:

$$y = -۲x + ۲۶ \Rightarrow \text{صدق} \left(۴, \frac{x + y + ۵۰}{۷} \right) \Rightarrow \frac{x + y + ۵۰}{۷} = -۲(۴) + ۲۶ \Rightarrow \frac{x + y + ۵۰}{۷} = ۱۸$$

$$\Rightarrow x + y + ۵۰ = ۷ \times ۱۸ \Rightarrow x + y = ۱۲۶ - ۵۰ = ۷۶$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. با استفاده از نقاط (۱۰, ۱۵۰) و (۱۱, ۱۹۰) ابتدا تابع خطی را می‌نویسیم.

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$m = \frac{۱۹۰ - ۱۵۰}{۱۱ - ۱۰} = ۴۰$$

$$y - ۱۵۰ = ۴۰(x - ۱۰) \xrightarrow{x=۱۰/۵} y - ۱۵۰ = ۴۰(۱۰/۵ - ۱۰)$$

$$y - ۱۵۰ = ۴۰(۰/۵) \Rightarrow y = ۱۵۰ + ۲۰ = ۱۷۰$$

$$۱۷۰ = \text{میانه} = ۲۵۰$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$۳۰۰ = \text{میانگین}$$

درآمد بسیار بالا ← داده‌ی پرت

$$۲۵۰ = \text{میانه}$$

$$۱۲۵ \Rightarrow \text{خط فقر}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$\frac{P_1 - P_2}{P_2} \times 100 \simeq 37/4$$

پاسخنامه کلیدی

۵	۱	۲	۳	۴
۱۶	۱	۲	۳	۴
۱۷	۱	۲	۳	۴
۱۸	۱	۲	۳	۴
۱۹	۱	۲	۳	۴
۲۰	۱	۲	۳	۴
۲۱	۱	۲	۳	۴
۲۲	۱	۲	۳	۴
۲۳	۱	۲	۳	۴
۲۴	۱	۲	۳	۴
۲۵	۱	۲	۳	۴
۲۶	۱	۲	۳	۴
۲۷	۱	۲	۳	۴
۲۸	۱	۲	۳	۴

