



۰۹۰۱۶۷۴۱۲۶۵



t.me/hamidehghasemii



hamidehghasemii

پاسخ تشریحی سوالات حسابان کنکور ریاضی ۱۱ اردیبهشت ۱۴۰۳ (نوبت اول)

حمیده قاسمی _ مدرس درس حسابان، ریاضیات تجربی و انسانی (کنکوری و تقویتی)

۱- اگر مجموع ۹ جمله اول یک دنباله هندسی با قدر نسبت صحیح، ۷۳ برابر مجموع ۳ جمله اول آن باشد، جمله سوم

این دنباله چند برابر جمله اول آن است؟ $\leftarrow \frac{aq^r}{a} = q^r = ?$

۹ (۴)

۸ (۳)

۴ (۲) ✓

۳ (۱)

$$S_9 = 73 S_3 \Rightarrow \frac{a(q^9 - 1)}{q - 1} = 73 \frac{a(q^3 - 1)}{q - 1} \Rightarrow (q^3)^3 - 1 = 73(q^3 - 1) \Rightarrow$$

$$(q^3 - 1)(q^6 + q^3 + 1) = 73(q^3 - 1) \Rightarrow q^6 + q^3 - 72 = 0 \Rightarrow (q^3 - 1)(q^3 + 9) = 0$$

$$\Rightarrow q^3 = \sqrt[3]{-9} \quad \times$$

$$q^3 = 27 \Rightarrow \boxed{q^3 = 27}$$

پاسخ تشریحی سوالات حسابان کنکور ریاضی ۱۱ اردیبهشت ۱۴۰۴ (نوبت اول)
حمیده قاسمی _ مدرس درس حسابان، ریاضیات تجربی و انسانی (کنکوری و تقویتی)

$$-۲ \quad \text{اگر } x^2 + \frac{100}{x^2 + 1} = 9 \text{ باشد، مقدار } (x^2 + 1)^2 + \frac{100}{(x^2 + 1)^2} \text{ کدام است؟}$$

$\uparrow t$
 $x^2 + 1$
 \downarrow

$98 \quad (1) \quad 90 \quad (2) \quad 88 \quad (3) \quad 80 \quad (4) \checkmark$

$$t^2 + \frac{100}{t^2} = A = ?$$

$$t + \frac{10}{t} = 10$$

توان ۲
↓

$$t^2 + \frac{100}{t^2} + 20 = 100$$

||
↓

$$A = 80$$

۳- A و B دو زیرمجموعه از مجموعه مرجع U هستند. اگر $A \cup B' \subseteq A \cap B$ باشد، کدام مورد همواره برقرار است؟

$A = \emptyset$ (۴)

$B = A$ (۳)

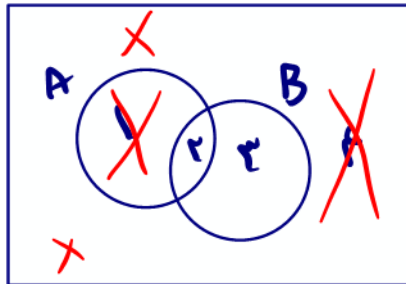
$A = U$ (۲)

$B = U$ (۱) ✓

$\{1, 2\} \cup \{1, 4\} = 2$

$\{1, 2, 4\} = 2$

$\{1, 4\} = \emptyset$



$\Rightarrow \{2, 3\} \Rightarrow B = U$
نقداً ۲، ۳ را داریم

$$\alpha^3 + \beta^3 = S^3 - 3SP = 12\omega - 30 = 9\omega$$

$$S = \omega \quad P = 2$$

۵- اگر α و β ریشه‌های معادله $x^2 - \omega x + 2 = 0$ باشند، مقدار $\frac{(4\alpha + \beta^4)\alpha^2}{\omega\beta^2}$ کدام است؟

۱۸ (۴)

۱۹ (۳✓)

۲۰ (۲)

۲۱ (۱)

کسرناستقران است. صورت و مخرج را در α^2 ضرب می‌کنیم تا کسرستقران شود.

$$\Rightarrow \frac{4\alpha^3 + (\alpha\beta)^2\beta^3}{\omega(\alpha\beta)^2} \Rightarrow \frac{4\alpha^3 + 4\beta^3}{\omega(4)} \Rightarrow \frac{\alpha^3 + \beta^3}{\omega} = \frac{9\omega}{\omega} = 9$$

پاسخ تشریحی سوالات حسابان کنکور ریاضی ۱۱ اردیبهشت ۱۴۰۴ (نوبت اول)
حمیده قاسمی _ مدرس درس حسابان، ریاضیات تجربی و انسانی (کنکوری و تقویتی)

۷- تابع f با ضابطه $f(x) = \frac{5}{\sqrt{mx^2 - 8x + 39}}$ روی \mathbb{R} تعریف شده است. اگر برای یک مقدار m ، بیشترین مقدار تابع f برابر ۱ باشد، مقدار $[m]$ کدام است؟

۳ (۱) ۲ (۲) ۱ (۳) ✓ ۴ (۴) صفر

منجـمـتـرین است

منجـمـواره است. $\rightarrow x$

$$x_s = \frac{1}{f_m} = \frac{r}{m} \Rightarrow \frac{5}{\sqrt{m(\frac{17}{m^2}) - 8(\frac{r}{m}) + 39}} = 1 \Rightarrow \frac{17}{m} - \frac{8r}{m} + 39 = 1 \Rightarrow m = \frac{1}{\sqrt{[m]}} = 1$$

پاسخ تشریحی سوالات حسابان کنکور ریاضی ۱۱ اردیبهشت ۱۴۰۴ (نوبت اول)
حمیده قاسمی _ مدرس درس حسابان، ریاضیات تجربی و انسانی (کنکوری و تقویتی)

۸- اگر بزرگ ترین عامل مشترک دو چندجمله‌ای $p(x) = x^5 + ax^2$ و $q(x) = x^6 + 3x^2 + 2x^2$ ، دوجمله‌ای $x^n + x^2$ باشد، مقدار na کدام است؟

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱) ✓

$$p(x) = x^5(x^2 + a) \xRightarrow{a=-1} p(x) = x^5(x^2 - 1) \Rightarrow p(x) = x^5(x-1)(x+1)$$

$$q(x) = x^6(x^2 + 3x + 2) = x^2(x+1)(x+2)$$

$$\text{ر.م.ب} = x^2(x+1) = x^2 + x^3 \Rightarrow n=2 \Rightarrow na=-2$$

$$a=-1$$

۹- اگر $f(x) = \begin{cases} x-1 & 0 \leq x \leq 2 \\ x+1 & -2 \leq x < 0 \end{cases}$ باشد، معادله $f \circ f(x) = 0$ چند ریشه دارد؟

۴ (۴)

۳ (۳) ✓

۲ (۲)

۱ (۱)

$$f(x) = x-1 \Rightarrow \begin{cases} f(x) = x-1 \Rightarrow f(f(x)) = x-2 = 0 \Rightarrow x=2 \checkmark \\ f(x) = x+1 \Rightarrow f(f(x)) = x=0 \checkmark \end{cases} \quad \text{for } 0 \leq x \leq 2$$

$$f(x) = x+1 \Rightarrow \begin{cases} f(x) = x-1 \Rightarrow f(f(x)) = x=0 \\ f(x) = x+1 \Rightarrow f(f(x)) = x+2 = 0 \Rightarrow x=-2 \checkmark \end{cases} \quad \text{for } -2 \leq x < 0$$

پاسخ تشریحی سوالات حسابان کنکور ریاضی ۱۱ اردیبهشت ۱۴۰۴ (نوبت اول)
حمیده قاسمی _ مدرس درس حسابان، ریاضیات تجربی و انسانی (کنکوری و تقویتی)

تابع وارون خود را روی خط $y=x$ قطع می کند $a=f(a)$

۱۰- تابع پیوسته f یک به یک بوده و وارون خود را در نقطه $A(a, f(a))$ قطع می کند. اگر $f(0)=2$ باشد، مقدار

$\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{x}$ کدام است؟

(۴) $f'(a)$

(۳) a

(۲) ۲

(۱) ۱ ✓

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \rightarrow a} \frac{f(a)}{a} = \frac{a}{a} = 1$$



۰۹۰۱۶۷۴۱۲۶۵



t.me/hamidehghasemii



آیاریت

hamidehghasemii

پاسخ تشریحی سوالات حسابان کنکور ریاضی ۱۱ اردیبهشت ۱۴۰۴ (نوبت اول)
حمیده قاسمی _ مدرس درس حسابان، ریاضیات تجربی و انسانی (کنکوری و تقویتی)

۱۲- اگر $\sin 2\alpha < 2\sin \alpha$ و $\frac{\cot \alpha}{\sin \alpha} > 0$ باشد، انتهای کمان α در کدام ربع قرار دارد؟

✓ (۴) چهارم

(۳) سوم

(۲) دوم

(۱) اول

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\cot \alpha}{\sin \alpha} > 0 \Rightarrow \frac{\frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}}{\frac{\sin \alpha}{1}} > 0 \Rightarrow \frac{\cos \alpha}{\sin^2 \alpha} > 0 \Rightarrow \cos \alpha > 0 \Rightarrow \begin{array}{c} \uparrow \checkmark \\ \downarrow \checkmark \end{array} \\ \sin 2\alpha < 2\sin \alpha \Rightarrow \sin 2\alpha < \sin 2\alpha \Rightarrow \sqrt{2} < 1 \quad \times \Rightarrow \alpha \text{ در ربع چهارم است.} \end{array} \right.$$

مربعی نه α ربع اول

پاسخ تشریحی سوالات حسابان کنکور ریاضی ۱۱ اردیبهشت ۱۴۰۳ (نوبت اول)
حمیده قاسمی _ مدرس درس حسابان، ریاضیات تجربی و انسانی (کنکوری و تقویتی)

$$\frac{\sin(-285^\circ) + 2\cos(-105^\circ)}{2\sin(165^\circ) + 3\sin(375^\circ)}$$

۱۳- حاصل عبارت کدام است؟

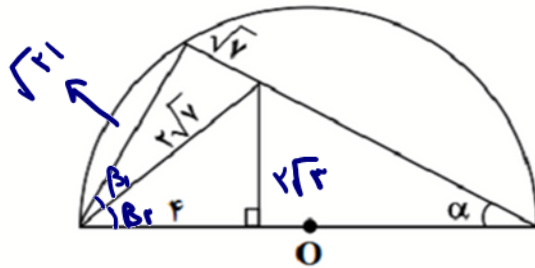
۱) $0,2\sqrt{6}$ ۲) $0,4\sqrt{6}$ ۳) $0,2\sqrt{3}$ ۴) $0,4\sqrt{3}$

$$\frac{-\sin(270^\circ + 15^\circ) + 2\cos(90^\circ + 15^\circ)}{2\sin(180^\circ - 15^\circ) + 3\sin(360^\circ + 15^\circ)} = \frac{\cos 15^\circ - 2\sin 15^\circ}{2\sin 15^\circ + 3\sin 15^\circ} = \frac{\cos 15^\circ - 2\sin 15^\circ}{5\sin 15^\circ} =$$

$$\frac{1}{5} \cot 15^\circ - \frac{2}{5} = \frac{1}{5}(\sqrt{3} + 1) - \frac{2}{5} = \frac{\sqrt{3}}{5} = 0,2\sqrt{3}$$

$$\tan 15^\circ = \tan(45^\circ - 30^\circ) = \frac{1 - \frac{1}{\sqrt{3}}}{1 + \frac{1}{\sqrt{3}}} = \frac{\sqrt{3} - 1}{\sqrt{3} + 1} \Rightarrow \cot 15^\circ = \frac{\sqrt{3} + 1}{\sqrt{3} - 1} \times \frac{\sqrt{3} + 1}{\sqrt{3} + 1} = 2 + \sqrt{3}$$

۱۴- در نیم‌دایره شکل زیر، مقدار $\tan \alpha$ کدام است؟



- ☒ $2\sqrt{3}$ (1) ✓
- ☐ $3\sqrt{3}$ (2)
- ☐ $4\sqrt{3}$ (3)
- ☐ $5\sqrt{3}$ (4)

$$\left. \begin{aligned} \tan \beta_i &= \frac{\sqrt{v}}{\sqrt{r}} = \frac{1}{\sqrt{r}} \\ \tan \beta_r &= \frac{r\sqrt{r}}{r} = \sqrt{r} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \tan \beta = \frac{\frac{1}{\sqrt{r}} + \sqrt{r}}{1 - \left(\frac{1}{\sqrt{r}}\right)\left(\sqrt{r}\right)} = \frac{\frac{\omega}{r\sqrt{r}}}{1 - 1} = \frac{\omega}{\sqrt{r}}$$

$$\Rightarrow \tan \alpha = \frac{\sqrt{u}}{\omega} = 0.14 \sqrt{u}$$

۱۵- اگر $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{k + \cos(\sqrt{a} x)}{kx^2} = 3$ باشد، مقدار $\frac{a}{k}$ کدام است؟

۳ (۳)

۳ (۲)

۶ (۱)

۶ (۴) ✓

منبع مغز نه اما حد وجود دارد پس ۰ ریشه صورت بندهست

$$k + \cancel{\cos} 0 = 0 \Rightarrow k = -1$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{-1 + \cos(\sqrt{a} x)}{-x^2} \stackrel{H}{=} \frac{-\sqrt{a} \sin(\sqrt{a} x)}{-2x} \stackrel{r}{=} \frac{-\sqrt{a}(\sqrt{a})}{-2} = 3 \Rightarrow \frac{a}{2} = 3 \Rightarrow a = 6$$

$x \rightarrow 0$

$$\frac{a}{k} = \frac{6}{-1} = -6$$

۱۶- نمودار تابع $f(x) = \frac{a^2x^2 - 2x + 1}{(x+a)(mx-2)}$ در همسایگی $x = -a$ به صورت شکل زیر است. اگر $y = -4$ مجانب افقی

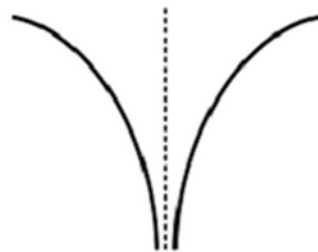
تابع f باشد، مقدار a کدام است؟

(۱) -۲

(۲) -۴

(۳) ۲ ✓

(۴) ۴



$$x = -a$$

رشته‌های مجانب است.

$$mx - 2 = 0 \Rightarrow -ma - 2 = 0$$

$$x = -a$$

$$f(x) =$$

$$\Rightarrow m = -\frac{2}{a}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \frac{a^2x^2}{-\frac{2}{a}mx^2} = -\frac{a^3}{2}$$

$$\Rightarrow a^3 = 1 \Rightarrow a = 1$$

پاسخ تشریحی سوالات حسابان کنکور ریاضی ۱۱ اردیبهشت ۱۴۰۴ (نوبت اول)
حمیده قاسمی _ مدرس درس حسابان، ریاضیات تجربی و انسانی (کنکوری و تقویتی)

۱۷- حاصل $\lim_{x \rightarrow \pi^-} \frac{\cot x}{x - \pi}$ کدام است؟
(۱) صفر (۲) $[-\infty, \infty]$ (۳) $+\infty$ (۴) $-\infty$



$+\infty$ (۳) ✓

$-\infty$ (۴)

$$\lim_{x \rightarrow \pi^-} \frac{-\infty}{-1} = +\infty$$

۱۸- تابع ناصفر f با ضابطه $f(x) = \frac{\sqrt{3} |ax + a|}{|x^2 + (m-2)x + a^2|}$ روی $\mathbb{R} - \{a\}$ تعریف شده و برای هر $x \neq a$ پیوسته است.

a بهیچ وجه نیست.

اگر $\lim_{x \rightarrow a} f(x)$ موجود باشد، مقدار آن کدام است؟

کمیته صورت نیست.
۱) $\sqrt{3}$
۲) $\frac{1}{\sqrt{3}}$ ✓
۳) $\frac{2}{\sqrt{3}}$
۴) $\frac{\sqrt{3}}{2}$

$$a^m + (m-2)a + a^2 = 0 \Rightarrow a(a^2 + a + (m-2)) = 0 \Rightarrow m-2 = 0 \Rightarrow \boxed{m=2}$$

$$a^2 + a = 0 \Rightarrow a(a+1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} a=0 \times \\ \boxed{a=-1} \end{cases} \text{ تابع ناصفر}$$

$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{\sqrt{3} |x+1|}{|x^2+1|} \stackrel{\text{Hof}}{=} \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{1}{\frac{2}{\sqrt{3}}}$$

پاسخ تشریحی سوالات حسابان کنکور ریاضی ۱۱ اردیبهشت ۱۴۰۳ (نوبت اول)
حمیده قاسمی _ مدرس درس حسابان، ریاضیات تجربی و انسانی (کنکوری و تقویتی)

۱۹- اگر $f(x) = \frac{2|x-2|}{\sqrt[3]{x^2}}$ و $g(x) = \frac{\sqrt{x^2-4x+4} + \sqrt{3x}}{\sqrt[3]{x^2}}$ باشد، مقدار $f'(1) - 2g'(1)$ کدام است؟

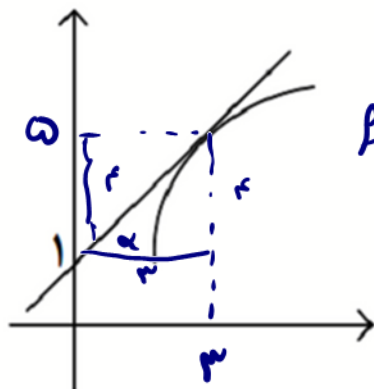
$(1) -\frac{\sqrt{3}}{3}$ $(2) \frac{\sqrt{3}}{3}$ $(3) \frac{\sqrt{3}}{6}$ $(4) -\frac{\sqrt{3}}{6}$

ابتداءً مع $f - 2g$ را تشکیل می دهیم.

$$f - 2g = \frac{2|x-2|}{\sqrt[3]{x^2}} - \frac{2|x-2| + 2\sqrt{3x}}{\sqrt[3]{x^2}} = -\frac{2\sqrt{3x}}{\sqrt[3]{x^2}} = -2\sqrt{3} x^{\frac{1}{2}} \cdot x^{-\frac{2}{3}} = -2\sqrt{3} x^{-\frac{1}{6}}$$

$$(f - 2g)'(1) = \frac{1}{6} \sqrt{3} x^{-\frac{7}{6}} = \frac{\sqrt{3}}{6}$$

۲۰- نمودار تابع f و خط مماس بر آن در نقطه $(3, 5)$ در شکل زیر رسم شده است. مقدار $f'(3)$ کدام است؟



$$f'(3) = \tan \alpha = \frac{4}{3}$$

(۱) ۲

(۲) ۱

(۳) $\frac{2}{3}$

(۴) $\frac{4}{3}$ ✓

$$a^3 + 3a + 3a^2 + 1 - 1 = (a+1)^3 - 1$$

۲۱- تابع f با ضابطه $f(x) = \begin{cases} 2bx + c & x > a \\ 3x^2 & x \leq a \end{cases}$ روی \mathbb{R} مشتق پذیر است. مقدار $a^2 + b - c$ کدام است؟

(۴) $(a-1)^3 + 1$ (۳) $(a-1)^3 - 1$ (۲) $(a+1)^3 + 1$ (۱) $(a+1)^3 - 1$ ✓

① پیوستگی $2ba + c = 3a^2$ $6a^2 + c = 3a^2 \rightarrow \boxed{c = -3a^2}$
② مشتق $2b = 6a \rightarrow \boxed{b = 3a}$

پاسخ تشریحی سوالات حسابان کنکور ریاضی ۱۱ اردیبهشت ۱۴۰۴ (نوبت اول)
حمیده قاسمی _ مدرس درس حسابان، ریاضیات تجربی و انسانی (کنکوری و تقویتی)

۲۲- ماکزیمم مطلق تابع $f(x) = \sqrt[3]{x^2} |x-a|$ روی بازه $[0, a]$ برابر $1,5$ است. مقدار a کدام است؟

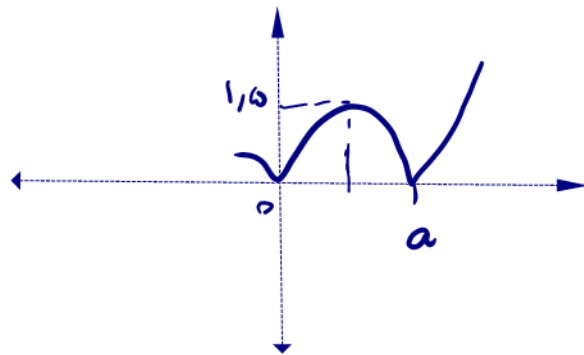
۱ (۴)

۱,۵ (۳)

۲ (۲)

۲,۵ (۱)

۵/۲



$$f(x) = \sqrt[3]{x^2} (x-a)$$

$$f'(x) = \frac{-2(x-a)}{\sqrt[3]{x}} + \sqrt[3]{x^2} = 0 \Rightarrow$$

$$-2x + 2a = \sqrt[3]{x} \Rightarrow x = \frac{2}{5}a$$

باینبار در مرسول $f(x)$

$$f(x) = \sqrt[3]{\frac{2}{5}a^2} \left(-\frac{3a}{5}\right) = 1,5 \Rightarrow a = 2,5$$

استان کزیه
 $a = 2,5$