

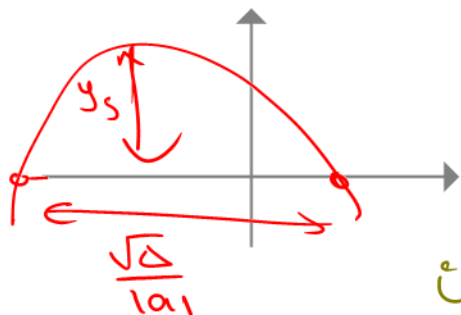
پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور تجربی 1405



توسط: مهندس رضا گلردي 
مدرس ریاضیات و حسابان کنکور

شماره تماس: 09027525815

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405



۱۱۱- رأس سهمی $y = -8x^2 + ax + 1$ و صف‌های آن، رئوس مثلثی با مساحت $\frac{27}{64}$ است. اگر بخش بزرگ‌تری از مساحت

مثلث در ناحیه دوم باشد، مقدار a کدام است؟

$$\begin{matrix} -2 & (1) & 4\sqrt{2} & (2) & 2 & (3) & -4\sqrt{2} & (4) \end{matrix}$$

$$S_{\text{مثلث}} = \frac{\text{ارتفاع} \times \text{قاعده}}{2} = \frac{\text{مضرب راسی} \times \text{تفاضل مولوما}}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{\sqrt{\Delta}}{8} \times \frac{\Delta}{4x - 8}$$

$$\frac{27}{64} = \frac{\sqrt{\Delta} \times \Delta}{8^2} \quad \left(\frac{27}{64}\right)^2 \times 8^2 = \Delta^2 \Rightarrow \frac{27}{64} \times 8 = \Delta^2 \quad \sqrt{\Delta} = 4 \quad \Delta = 16$$

$$b^2 - 4ac = 16 \quad a^2 - 4(-1)(1) = 16 \quad a^2 = 16 \quad a = \pm 4$$

باتوجه به نمودار y باید منفی باشد $u_s = \frac{-b}{2a} = \frac{-a}{-14} = \frac{a}{14} < 0 \quad \underline{a = -4}$

پاسخ گزینه ۱

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

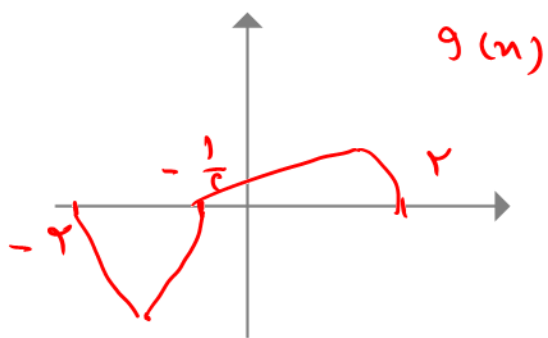
۱۱۲- نمودار تابع f به صورت زیر رسم شده و $g(x) = -f(x + \frac{1}{4})$ است. اگر $h = \frac{f}{g}$ باشد، دامنه h شامل چند عدد صحیح است؟

۱ (۱)

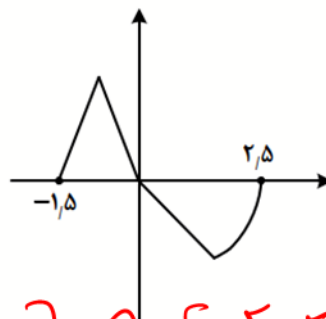
۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)



$f(x)$



$$D_h = D_f \cap D_g - \{g=0\} = [-1.5, 2.5] \cap [-2, 2] - \{-2, -\frac{1}{4}, 2\}$$

$$\Downarrow$$

$$[-1.5, 2] - \{-2, -\frac{1}{4}, 2\}$$

شامل (-1) و (0) و (1)

پاسخ گزینه ۳

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۱۳- هر کدام از ریشه‌های معادله‌ای $x^2 + 1,۳۵x - ۱,۳ = 0$ واحد از یکی از ریشه‌های معادله $x^2 + ۱,۳۵x - ۱,۳ = 0$ کمتر است. حاصل ضرب ریشه‌های آن معادله کدام است؟

(۴) $-۱,۳۷۵$

(۳) $-۱,۳$

(۲) $-۰,۳$

(۱) $-۰,۳۷۵$

$$x^2 - 1,۳۵x - 1,۳ = 0$$

$$\hookrightarrow \alpha, \beta$$

$$\alpha + \beta = 1,۳۵$$

$$\alpha \cdot \beta = -1,۳$$

ریشه‌ها (معادله جدید)

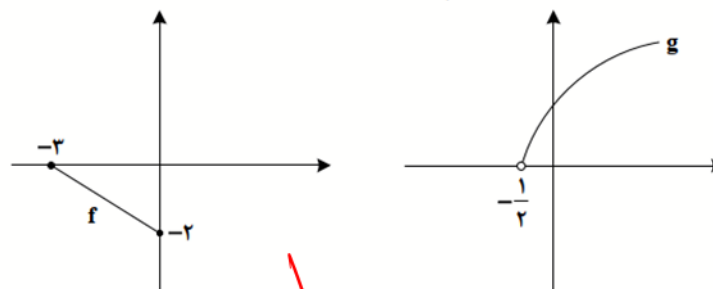
$$\hookrightarrow \alpha + 0,۱ \text{ و } \beta + 0,۱$$

$$\begin{aligned} P_{\text{new}} &= (\alpha + 0,۱) \times (\beta + 0,۱) = \alpha\beta + 0,۱(\alpha + \beta) + 0,۰۱ \\ &= -1,۳ + \frac{1}{10}(1,۳۵) + 0,۰۱ \\ &= -۰,۳۷۵ \end{aligned}$$

پاسخ درست ①

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۱۴- نمودارهای توابع f و g به صورت زیر رسم شده‌اند. اگر بازه I دامنه $g \circ f(\frac{1}{x})$ باشد، طول بازه I کدام است؟



- (۱) ۰٫۵
- (۲) ۱
- (۳) ۱٫۵
- (۴) ۳

$$f(x) = -\frac{2}{3}x - 2$$

$$f\left(\frac{x}{3}\right) = -\frac{1}{3}x - 2$$

$$D_{g \circ f\left(\frac{x}{3}\right)} = x \in D_{f_{\frac{x}{3}}} \mid f_{\frac{x}{3}} \in D_g$$

$$\downarrow$$

$$[-4, 0] \mid f_{\frac{x}{3}} \in \left[-\frac{1}{2}, +\infty\right)$$

$$-\frac{1}{3}x - 2 > -\frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{3}x < -\frac{2}{3}$$

$$x < -4$$

$$\Rightarrow [-4, -4.5)$$

طول بازه : ۰٫۵

پاسخ گزینه ۳

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۱۵- اگر $\sqrt{\tan x} - \sqrt{\cot x} = \frac{2}{\sqrt{7}}$ و x در ربع سوم باشد، حاصل $\sin x - \cos x$ کدام است؟

$\frac{1}{3}\sqrt{2}$ (۴) $\frac{1}{2}\sqrt{3}$ (۳) $-\frac{1}{2}\sqrt{3}$ (۲) $\frac{1}{3}\sqrt{2}$ (۱)

$$\sqrt{\tan u} - \sqrt{\cot u} = \frac{2}{\sqrt{7}} \quad \xrightarrow{\text{توان ۲}} \tan u + \cot u - 2\sqrt{\tan u \times \cot u} = \frac{4}{7}$$

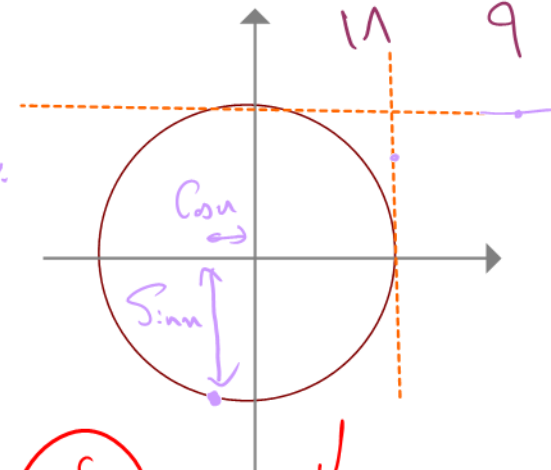
$$\tan u + \cot u = \frac{4}{7} + 2 \quad \tan u + \cot u = \frac{18}{7} = \frac{2}{\sin 2u} \Rightarrow \sin 2u = \frac{14}{18} = \frac{7}{9}$$

$$\sin u - \cos u = t \Rightarrow 1 - \sin 2u = t^2$$

$$1 - \frac{7}{9} = t^2$$

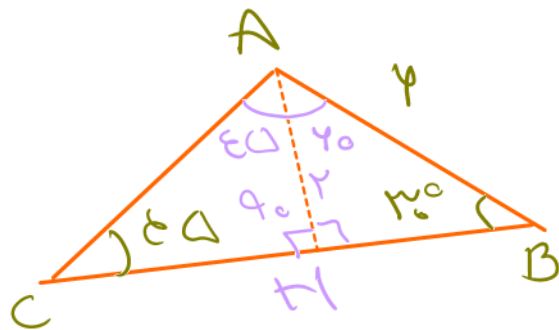
$$\frac{2}{9} = t^2 \Rightarrow t = \pm \frac{\sqrt{2}}{3}$$

باقی به مقدار t منبسط



پاسخ گزینه ۴

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405



۱۱۶- در مثلث ABC اندازه زوایای $\hat{A}CB$ و $\hat{A}BC$ به ترتیب ۴۵ و ۳۰ درجه است. اگر $AB = 6$ باشد، طول ضلع BC کدام است؟

$$4(1+\sqrt{3}) \quad (4)$$

$$4(1+\sqrt{2}) \quad (3)$$

$$3(1+\sqrt{3}) \quad (2)$$

$$3(1+\sqrt{2}) \quad (1)$$

$$\sin 30^\circ = \frac{AH}{AB} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{AH}{6} \quad AH = 3$$

$$\tan 30^\circ = \frac{AH}{BH} \quad \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{3}{BH} \quad BH = \frac{9}{\sqrt{3}} = 3\sqrt{3}$$

$$\tan 45^\circ = \frac{AH}{CH} \quad 1 = \frac{3}{CH} \quad CH = 3 \quad BC = 3\sqrt{3} + 3 = 3(\sqrt{3} + 1)$$

پاسخ ج گزینه ۲

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۱۷- تابع $f(x) = -\frac{1}{2} \cos\left(\frac{2\pi}{3} + 3x\right)$ روی بازه $[a, 0]$ اکیداً نزولی است. کمترین مقدار a کدام است؟

$-\frac{\pi}{6}$ (۴)

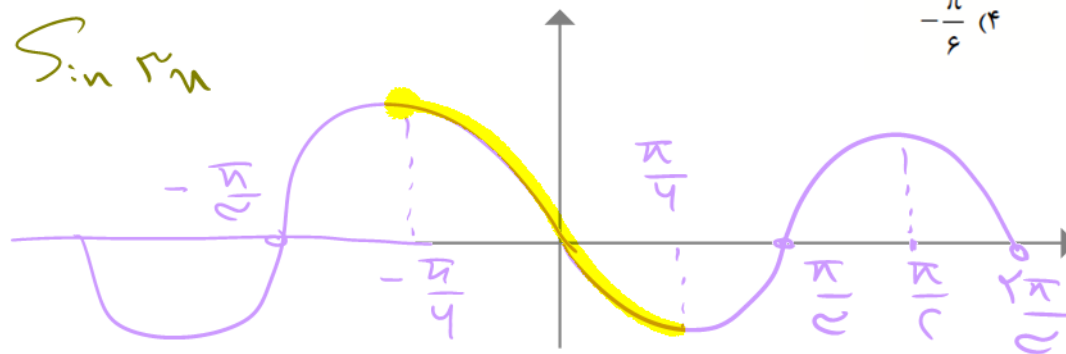
$-\frac{\pi}{4}$ (۳)

$-\frac{\pi}{8}$ (۲)

$-\frac{\pi}{12}$ (۱)

$$f(x) = -\frac{1}{2} \sin 3x$$

$$T = \frac{2\pi}{3}$$



$$\left[-\frac{\pi}{4}, 0\right]$$

پاسخ درست (۳)

شماره تماس: 09027525815

توسط: مهندس رضا گلردی-مدرس ریاضیات کنکور

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۱۸- تعداد جواب‌های معادله $\sin(\pi+x)\cos(\frac{\pi}{4}+x)+1=2\sin(\pi-x)$ در بازه $[-2\pi, 2\pi]$ کدام است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

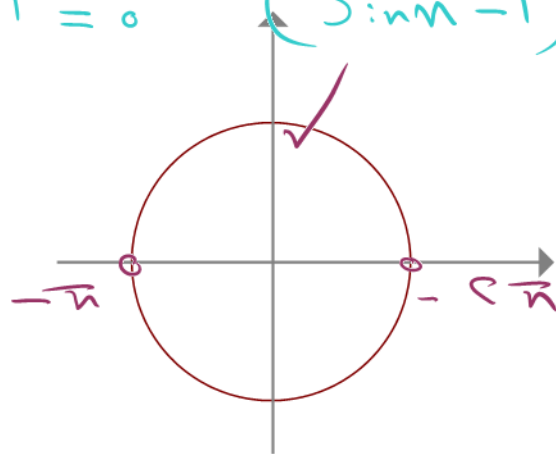
۲ (۲)

۱ (۱)

$$-\sin x \times -\sin x + 1 = 2\sin x$$

$$\sin^2 x - 2\sin x + 1 = 0 \quad (\sin x - 1)^2 = 0$$

$$\sin x = 1$$



$$-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}$$

پاسخ خسته ۲

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۱۹- حاصل $10^{-\log_4 10}$ کدام است؟

(۱) $2,5$ (۲) $0,5$

(۳) $0,25$

(۴) $0,05$

$$\begin{aligned} & 10^{-\log_4 10} = 10^{-1} = \frac{1}{10} \\ & \log_4 10 = \frac{\log_2 10}{\log_2 4} = \frac{\log_2 10}{2} \\ & \log_2 10 = \log_2 2 + \log_2 5 = 1 + \log_2 5 \\ & \log_2 5 = \frac{\log_4 5}{\log_4 2} = \frac{\log_4 5}{0,5} = 2 \log_4 5 \\ & \log_2 10 = 1 + 2 \log_4 5 \\ & \log_4 10 = \frac{1 + 2 \log_4 5}{2} \\ & 10^{-\log_4 10} = 10^{-\frac{1 + 2 \log_4 5}{2}} = 10^{-\frac{1}{2}} = \frac{1}{\sqrt{10}} \end{aligned}$$

پاسخ گزینه (۱)

شماره تماس: 09027525815

توسط: مهندس رضا گلردی-مدرس ریاضیات کنکور

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۲۰- اگر اعداد a و b به داده‌های زیر اضافه شوند، چارک اول و سوم داده‌ها تغییر نمی‌کند. میانگین a و b کدام است؟

۴۵، ۱۲، ۱۵، ۲۳، ۱۴، ۱۸، ۳۴، ۱۸، ۴۲، ۲۵، ۴۰

۲۰ (۴)

۲۴ (۳)

۲۸ (۲)

۳۰ (۱)

۴۵، ۴۲، ۳۴، ۲۳، ۱۸، ۱۴، ۱۵، ۱۳، ۱۰
 Q_1 Q_2 Q_3

۴۵، ۴۲، ۳۴، ۲۳، ۱۸، ۱۴، ۱۵، ۱۳، ۱۰
 Q_1 Q_2 Q_3

$$\frac{۱۴ + ۳۴}{۲} = ۲۴$$

میانگین چارک‌ها

پاسخ گزینه (۳)

شماره تماس: 09027525815

توسط: مهندس رضا گلردی-مدرس ریاضیات کنکور

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۲۱- نمودار تابع $f(x) = \frac{1}{x+a}$ در دو نقطه نمودار تابع وارونش را قطع می‌کند. اگر اختلاف طول این نقاط $2\sqrt{10}$ باشد،

کدام مورد می‌تواند مقدار a باشد؟ ($a \neq 0$)

۱۰ (۴)

۸ (۳)

۶ (۲)

۲ (۱)

$$\frac{1}{x+a} = u$$

$$u^2 + au - 1 = 0$$

$$\frac{\sqrt{\Delta}}{1} = 2\sqrt{10}$$

$$\sqrt{a^2 + 4} = 2\sqrt{10}$$

$$a^2 + 4 = 40$$

$$a^2 = 36$$

$$a = \pm 6$$

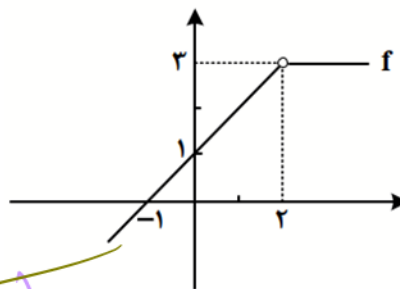
پاسخ گزینه ۲

شماره تماس: 09027525815

توسط: مهندس رضا گلردی-مدرس ریاضیات کنکور

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۲۲- نمودار تابع f به صورت زیر رسم شده است. حاصل $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{3-f(x)}{x^2-4}$ کدام است؟



- (۱) $-\frac{1}{4}$
- (۲) $-\frac{1}{2}$
- (۳) $-\frac{1}{5}$
- (۴) $-\frac{1}{3}$

$$f(n) = n + 1$$

$$\lim_{n \rightarrow 2^-} \frac{3 - n - 1}{n^2 - 4} = \lim_{n \rightarrow 2^-} \frac{(3 - n)}{(n - 2)(n + 2)} = -\frac{1}{4}$$

باغ خوشه ۱

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۲۳- اگر $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{|x-|x||}{x^2+2x} = a$ باشد، حاصل $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^+} \tan(ax)$ کدام است؟

(۱) ۱ (۲) صفر (۳) $-\infty$ (۴) $+\infty$

$$\Rightarrow \frac{-2n}{n^2+2n} = \frac{-2\cancel{n}}{\cancel{n}(n+2)} = -1 = a$$

$$\lim_{n \rightarrow \frac{\pi}{2}^+} \tan(-n) = \lim_{n \rightarrow \frac{\pi}{2}^+} \tan -\frac{\pi}{2} = +\infty$$

پاسخ درست (۴)

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۲۴- تابع f با ضابطه $f(x) = 1 + \frac{2x}{a}$ است. اگر تابع $g(x) = \begin{cases} f(x) & x \geq -1 \\ f^{-1}(x) & x < -1 \end{cases}$ روی $\mathbb{R}$ پیوسته باشد و محور x ها را در

سمت مثبت محور قطع کند، مقدار $g(-1)$ کدام است؟

- (۱) -۴ (۲) -۱ (۳) ۲ (۴) ۳

$$f^{-1}(-1) \Rightarrow -1 = 1 + \frac{2u}{a} \quad -2 = \frac{2u}{a} \quad u = -a$$

$$f(-1) = f^{-1}(-1) \Rightarrow \left(1 - \frac{2}{a} = -a\right) \Rightarrow a - 2 = -a^2 \Rightarrow a^2 + a - 2 = 0 \quad \begin{matrix} a = 1 \\ a = -2 \end{matrix}$$

رابطه مثبت دارد $\Rightarrow f(u) = 1 + \frac{2u}{-2} = 1 - u$

$$g(-1) = f(-1) = 1 + 1 = 2$$

پاسخ گزینه ۳

شماره تماس: 09027525815

توسط: مهندس رضا گلردی-مدرس ریاضیات کنکور

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۲۵- اختلاف شیب نیم‌مماس‌های چپ و راست بر منحنی $y = |x^2 - 4|$ در $x = 2$ کدام است؟
 ۱) ۸ ۲) ۶ ۳) ۴ ۴) ۳

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 4 & x \rightarrow 2^+ \\ -x^2 + 4 & x \rightarrow 2^- \end{cases}$$

$$f'_+(2) = 2x = 4$$

$$f'_-(2) = -2x = -4$$

$$\text{اختلاف} = 8$$

پاسخ گزینه ۱

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۲۶- یک توده باکتری پس از t ساعت دارای جرم $m(t) = \frac{9t+3}{\sqrt{t}}$ گرم است. آهنگ رشد جرم توده باکتری در لحظه

$t=1$ چند گرم است؟

$$m'(t) = \frac{9(\sqrt{t}) - \frac{1}{2\sqrt{t}}(9t+3)}{t} = \frac{9 - 4}{1} = 3$$

بایع فرستاد ۳

شماره تماس: 09027525815

توسط: مهندس رضا گلردی-مدرس ریاضیات کنکور

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۲۷- برای چند مقدار طبیعی a ، تابع $f(x) = |2x^2 - 9x + a|$ در بازه $[1, 4]$ دارای دو مینیمم نسبی است؟

۵ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)



ریشه ها (سهی) باید بی ارم باشند (خود بی و خود بی چهار ریشه باشند باشد)
(ص: بسته ادالتهال بازه بی نیستند)

$$f(1) = 2 - 9 + a = 0 \Rightarrow a = 7$$

$$a \neq 7$$

$$\Rightarrow f(1.5) = |2 \times 2.25 - 9 \times 1.5 + 7|$$



$$f(4) = 2 \times 16 - 9 \times 4 + a = 0 \Rightarrow a = 8$$

$$a \neq 8$$

$$\Rightarrow f(1.5) = |2 \times 2.25 - 9 \times 1.5 + 8|$$



$$\Delta > 0 \quad 11 - 8(2)(a) > 0 \quad 11a < 11 \quad a < 1$$

$$a < 10 \sim$$

$$a = 1 \checkmark$$

$$a = 9 \checkmark$$

$$a = 1 \checkmark$$

باص خزینه ۲

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۲۸- خطی در نقطه (a, a) بر نمودار تابع $y = \sqrt{2-x}$ مماس شده و محورهای مختصات را در نقاط A و B قطع می‌کند.

مساحت مثلث OAB کدام است؟

(۱) ۴٫۵

(۲) ۳٫۵

(۳) ۲٫۲۵

(۴) ۱٫۷۵

$$f(u) = u \quad | \quad a \quad \text{نقطه}$$

$$u = \sqrt{2-u} \Rightarrow u^2 = 2-u$$

$$f' = \frac{-1}{2\sqrt{2-u}} = -\frac{1}{2}$$



$$u^2 + u - 2 = 0 \quad \boxed{u=1} \quad u=-2$$

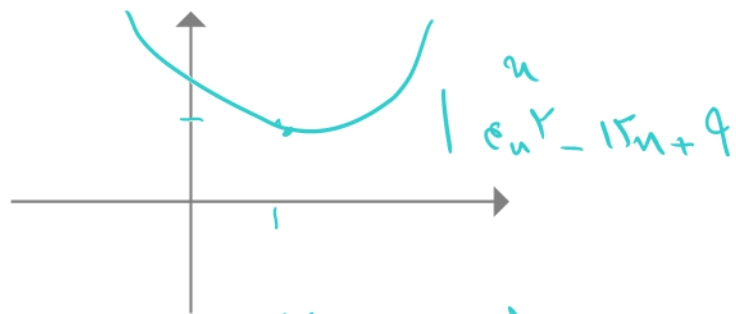
$$y = au + b \quad 1 = -\frac{1}{2} + b \quad b = \frac{3}{2}$$

$$y = -\frac{1}{2}u + \frac{3}{2}$$

$$S = \frac{1}{2} \times \frac{3}{2} \times 2 = \frac{3}{2}$$

پاسخ گزینه ۳

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405



$$S = u \times (4u^2 - 12u + 9)$$

$$S = u' \times (2u - 3)$$

$$u = \frac{\frac{2}{u} + 9}{2} = \frac{1}{2}$$

۱۲۹- یک رأس مستطیلی واقع بر منحنی $y = 4x^2 - 12x + 9$ بوده و سه رأس دیگر، روی محورهای مختصات است. اگر

این مستطیل بین محورها و نمودار منحنی محاط باشد، بیشترین مساحت این مستطیل کدام است؟

۳√۲ (۴)

۲√۲ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

$$S = \frac{1}{2} \times 9 = 5$$

پاسخ گزینه ۱

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۳۰- ۷ نفر در خط شروع یک مسابقه ایستاده‌اند. به چند طریق ممکن است ۳ نفری که اشتباه در خط شروع ایستاده‌اند،

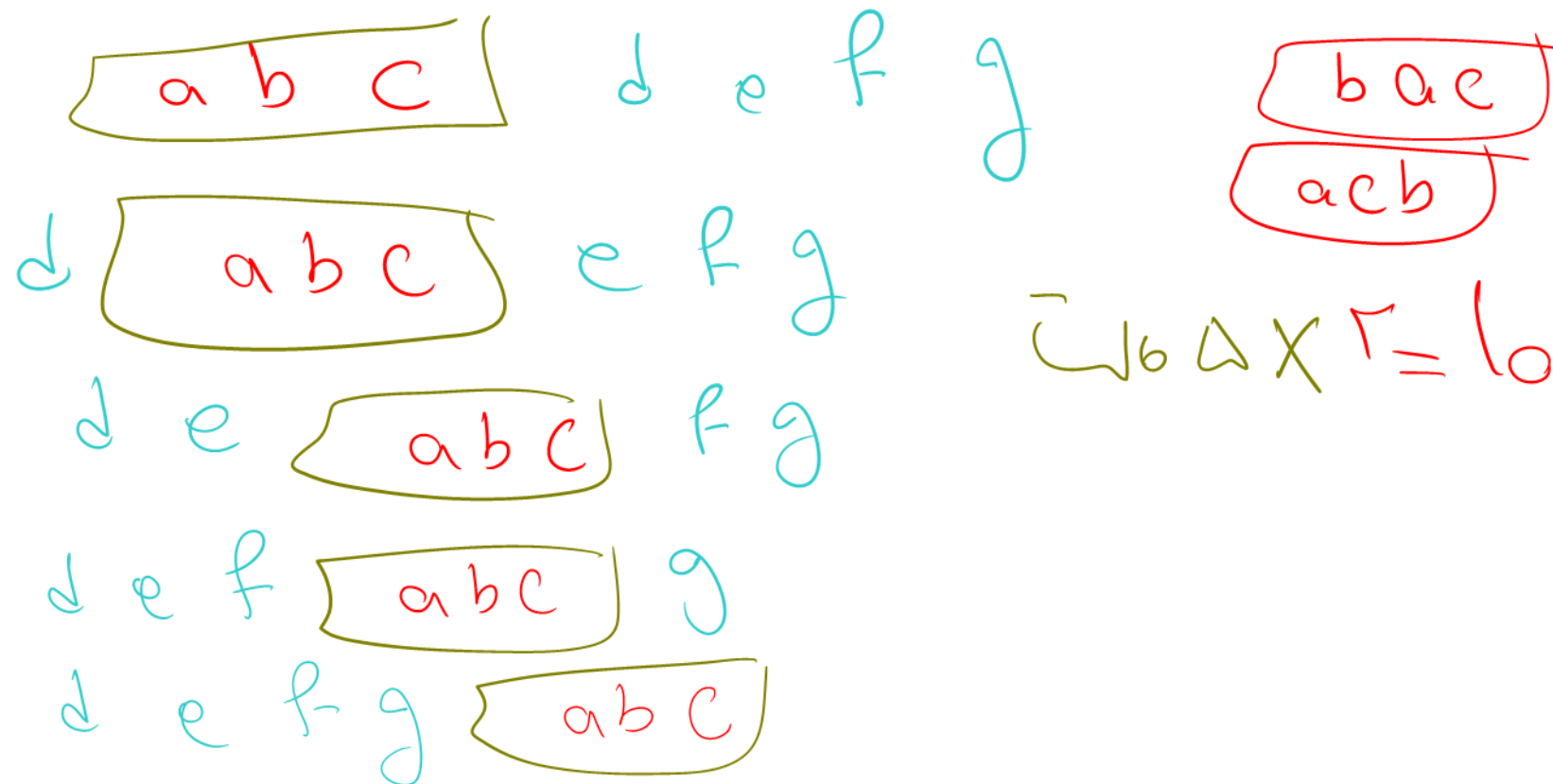
مجاور هم باشند؟

۴۲ (۱)

۳۵ (۲)

۱۲ (۳)

۱۰ (۴)



شماره تماس: 09027525815

توسط: مهندس رضا گلردي-مدرس ریاضیات کنکور

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۳۱- دو دانش آموز، هر کدام تابلوهایی با شماره‌های ۱ تا ۸ در اختیار دارند، هر کدام به تصادف یک تابلو را انتخاب کرده و به هم نشان می‌دهند. اگر عدد روی تابلوی یکی، مضرب دیگری باشد، هر دو برنده جایزه می‌شوند. چند درصد احتمال دارد که آنها برنده شوند؟

۷۲٫۵ (۴)

۵۰ (۳)

۶۲٫۵ (۲)

۴۰ (۱)

$$\frac{۲۰}{۴۸} = \frac{۱}{۲} = \frac{۵۰}{۱۰۰}$$

پاسخ گزینه ۳

- ① → ۸
 ② → ۱، ۲، ۴، ۸
 ③ → ۱، ۳
 ④ → ۱، ۲، ۴، ۸
 ⑤ → ۱، ۵
 ⑥ → ۱، ۲، ۳، ۴
 ⑦ → ۱، ۷
 ⑧ → ۱، ۲، ۴، ۸

شماره تماس: 09027525815

توسط: مهندس رضا گلردی-مدرس ریاضیات کنکور

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۳۲- هر یک از اعداد ۱ تا ۹ روی یک کارت نوشته شده است. سه کارت به تصادف انتخاب می‌شود. با کدام احتمال هر سه عدد روی کارت فرد هستند به طوری که می‌دانیم مجموع آنها نیز فرد است؟

$$\frac{1}{2} \text{ (۱)} \quad \frac{1}{4} \text{ (۲)} \quad \frac{1}{3} \text{ (۳)} \quad \frac{1}{5} \text{ (۴)}$$

$$\frac{10}{10 + 2 \times 4} = \frac{10}{18} = \frac{5}{9}$$

پاسخ گزینه ۳

$$\binom{5}{3}$$

$$\binom{5}{3} + \binom{4}{1} \binom{4}{2}$$

دو زوج یک فرد

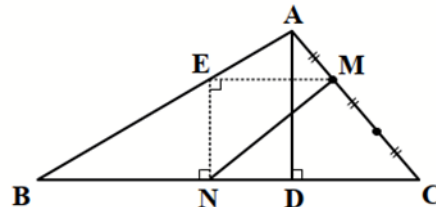
۱ ۳ ۵ ۷ ۹
۲ ۴ ۶ ۸

شماره تماس: 09027525815

توسط: مهندس رضا گلردی-مدرس ریاضیات کنکور

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۳۳- در شکل زیر، $AD=6$ و $BC=9$ است. طول MN چقدر است؟



$$3,5\sqrt{2} \quad (1)$$

$$3\sqrt{2} \quad (2)$$

$$4,5 \quad (3)$$

$$5 \quad (4)$$

$$AD=4 \quad AH=x \quad HD=2x$$

$$2x=4 \quad x=2 \quad HD=EN=4$$

$$\frac{EM}{BC} = \frac{K}{2K}$$

$$EM=3$$

$$BC=2K=9 \quad K=3$$

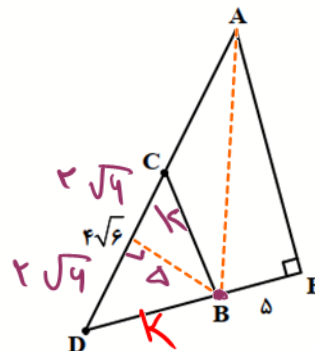
$$NM=2+4=6$$

$$NM=5$$

با من و منیل (4)

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۳۴- در شکل زیر، $BC = BD$ و B روی نیمساز زاویه A قرار دارد. طول BD چند برابر طول ارتفاع وارد بر DC است؟



۱٫۲ (۱)

۱٫۳ (۲)

۱٫۴ (۳)

۱٫۵ (۴)

$$K^2 = 24 + 20$$

$$K = 7$$

$$\frac{7}{5} = 1.4$$

پاسخ گزینه ۳

ارتفاع روی نیمساز زاویه (بی) از دو ضلع به یک فاصله است.

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۳۵- قطره‌های یک بیضی روی خطوط $y = x + 3$ و $ay - 2x = -2$ قرار دارند. اگر مرکز بیضی و محل برخورد قطره‌های

بیضی با محور x ها، رئوس یک مثلث باشند، مساحت این مثلث کدام است؟

۳/۵ (۴)

۴/۵ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

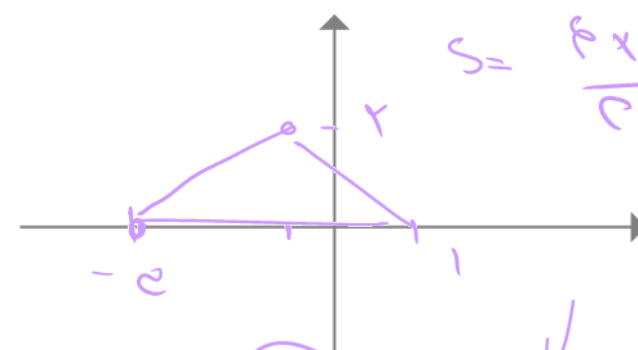
$$\frac{1}{a} = -1 \Rightarrow a = -1$$

$$\begin{cases} y = x + 3 \\ -2y - 2x = -2 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\begin{aligned} y - x &= 3 \\ y + x &= 1 \\ \hline 2y &= 4 \quad y = 2 \\ x &= -1 \end{aligned}$$

$$\begin{vmatrix} -1 & 1 \\ 1 & 2 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} -1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 5 \end{vmatrix}$$



مساحت مثلث = ۲

شماره تماس: 09027525815

توسط: مهندس رضا گلردی-مدرس ریاضیات کنکور

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۳۶- در نقطه‌ای واقع در ناحیه چهارم، دایره C به مرکز (α, α) و شعاع ۴ با دایره $x^2 + y^2 - 2x - y = 1$ مماس درون است.

فاصله مرکز دایره C از مبدأ مختصات کدام است؟

$$2,5\sqrt{2} \quad (4)$$

$$2\sqrt{2} \quad (3)$$

$$0,5\sqrt{2} \quad (2)$$

$$\sqrt{2} \quad (1)$$



$$O_1 O_2 = \sqrt{(\alpha - 1)^2 + (\alpha - \frac{1}{2})^2}$$

$$r_1 = 4$$

$$r_2 = \frac{1}{4} \sqrt{4 + 1 + 4} = \frac{3}{2}$$

$$O_1 \mid \alpha$$

$$O_2 \mid \frac{1}{2}$$

$$\text{مماس درون} = O_1 O_2 = |r_2 - r_1|$$

$$\frac{0}{2} = \sqrt{\alpha^2 - 2\alpha + 1 + \alpha^2 - \alpha + \frac{1}{4}}$$

$$\frac{25}{4} = 2\alpha^2 - 3\alpha + \frac{5}{4} \Rightarrow$$

$$25 = 8\alpha^2 - 12\alpha + 5$$

$$8\alpha^2 - 12\alpha - 20 = 0 \quad \begin{cases} \alpha = -1 \\ \alpha = \frac{5}{2} \end{cases}$$

$$\alpha = \frac{5}{2} \quad \begin{matrix} O_1 \mid \frac{5}{2} \\ O_2 \mid \frac{5}{2} \end{matrix} \quad \begin{matrix} 0 \\ 0 \end{matrix}$$

$$\sqrt{\frac{90}{2} \times 2}$$

$$\frac{0}{\sqrt{2}} \times \sqrt{2} = 2,5\sqrt{2}$$

پاسخ گزینه ۴

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۳۷- به ازای چند مقدار طبیعی a ، عدد $\frac{1}{5}$ در بازه $\left[\frac{1}{3a+1}, \frac{1}{2a-3}\right)$ قرار دارد؟

	۴ (۴)	۳ (۳)	۲ (۲)	۱ (۱)
$\frac{1}{3a+1} \leq \frac{1}{5} < \frac{1}{2a-3}$	$\Rightarrow a=1$ ✗	$\frac{1}{4} \leq \frac{1}{5} < -1$ ✗		
	$\checkmark a=2 \Rightarrow$	$\frac{1}{5} \leq \frac{1}{5} < 1$		
	$\checkmark a=3 \Rightarrow$	$\frac{1}{10} \leq \frac{1}{5} < \frac{1}{2}$		
	$\times a=4 \Rightarrow$	$\frac{1}{12} \leq \frac{1}{5} < 5$		

پاسخ: ۳

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۳۸- میانگین جملات دنباله حسابی $a, 12, b, c, \dots, 172$ برابر ۸۷ است. مجموع جملات این دنباله کدام است؟

۱۶۵۳ (۴)

۱۵۶۶ (۳)

۱۴۷۹ (۲)

۱۳۹۲ (۱)

$$\frac{a+172}{2} = 87 \quad a+172=174 \quad \boxed{a=2}$$

$$a_n = a_1 + (n-1)d \Rightarrow 172 = 2 + (n-1) \times 10 \quad \frac{170}{10} = n-1 \quad \boxed{n=18}$$

$$S_n = \frac{18}{2} [2+172] = 9 \times 174 = 1566$$

پاسخ صحیح: ۳

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۳۹- اگر -2 یکی از ریشه‌های معادله $x(3x^2 + x + a) = -2$ باشد، حاصل ضرب ریشه‌های این معادله کدام است؟

$$\frac{1}{3} \quad (4)$$

$$\frac{1}{4} \quad (3)$$

$$-\frac{2}{3} \quad (2)$$

$$-\frac{3}{4} \quad (1)$$

$$3x^2 + x + a = 0$$

$$p = \frac{-1}{3}$$

پاسخ: ۲

پاسخ تشریحی درس ریاضی کنکور رشته تجربی-29 مرداد 1405

۱۴۰- اگر $a + \sqrt{b} - c = 6$ و $\sqrt{a} + \sqrt{b} + \sqrt{c} = 3$ باشد، حاصل $\log_4 c$ کدام است؟

(۴) -۲

(۳) -۱

(۲) ۱

(۱) ۲

$$a + \sqrt{b} = 4 + c$$

$$\sqrt{4+c} = 3 - \sqrt{c} \Rightarrow 4 + \cancel{c} = 9 + \cancel{c} - 4\sqrt{c}$$

$$4\sqrt{c} = 5 \quad \sqrt{c} = \frac{5}{4} \quad c = \frac{25}{16}$$

$$\log_4 \frac{25}{16} = \textcircled{-2}$$

پاسخ ل فرستیل ۴

تقدیم به همه ریاضی دوستا ۲۹، ۱۵، ۱۴، ۱۳

رضا گلردی

شماره تماس: 09027525815

توسط: مهندس رضا گلردی-مدرس ریاضیات کنکور