

باسمه تعالی

تعداد صفحه :		مدت امتحان :	رشته :	سوالات امتحان شبه نهایی درس:	
۲		۹۰ دقیقه	ادبیات و علوم انسانی و علوم و معارف اسلامی	ریاضی و آمارا	
پایه دهم دوره دوم متوسطه نظری		نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع : ۷/۳۰ صبح	تاریخ امتحان : ۱۴۰۳/۰۱/۲۷	
دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه در طرح سه نما سال ۱۴۰۳		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir			
استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) مجاز است.					
نمره		سوالات (پاسخ نامه دارد)			
فصل اول : معادلات					
۱/۵		<p>در هر مورد جای خالی را با یک عدد مناسب کامل کنید.</p> <p>(الف) محیط مربعی که اندازه قطر آن برابر $\sqrt{5}$ باشد، برابر است.</p> <p>(ب) معادله درجه دوم $x^2 - 1 = 0$ دارای ریشه مضاعف $x = 1$ است.</p> <p>(پ) مجموع ریشه های معادله $4x^2 + 3x - 7 = 0$ برابر است.</p>			۱
۳		<p>معادله های زیر را حل کنید.</p> <p>(الف) $x^3 - 6x = 0$ (حل به روش تجزیه)</p> <p>(ب) $2x^3 - 5x - 3 = 0$ (حل به روش فرمول کلی)</p> <p>(پ) $\frac{4}{2x-1} = \frac{5}{x+2}$ (معادله عبارت گویا)</p>			۲
۱		معادله درجه دومی را بنویسید که ریشه های آن ۶ و ۷ باشد.			۳
۱		با تشکیل معادله، عددی بباید که پنج برابر آن به علاوه دو مساوی با سه برابر آن عدد منهای دو باشد.			۴
فصل دوم : تابع					
۱		<p>اگر $A = \{2, 3\}$ و $B = \{4, 5, 6\}$. در این صورت؛</p> <p>(الف) رابطه ای از A به B بنویسید که تابع باشد.</p> <p>(ب) رابطه ای از B به A بنویسید که تابع نباشد.</p>			۵
۱/۵		دامنه تابع $g(x) = 2x^3 + 3$ ، مجموعه $\{-1, \sqrt{2}, 0\}$ است. برد آن را بدست آورید.			۶
۰/۷۵		طول یک مستطیل ۳ واحد بیشتر از عرض آن است. ضابطه تابع محیط این مستطیل را بر حسب عرض آن بنویسید.			۷
۱		نمودار تابع خطی f از مبدأ مختصات می گذرد و $f(2) = 3$. معادله این تابع را بنویسید.			۸
۱/۲۵		نمودار سهمی $y = x^3 + 4x$ را رسم کنید.			۹
۱/۵		<p>در یک کارخانه نوعی لامپ تولید می شود. اگر x متوسط تعداد لامپ های تولیدی در روز برای این کارخانه باشد، آن گاه تابع درآمد و هزینه روزانه آن به ترتیب $R(x) = 30x + 200$ و $C(x) = x^3 + 30x$ است.</p> <p>(الف) معادله سود این کارخانه را بنویسید.</p> <p>(ب) این کارخانه روزانه چند لامپ باید تولید کند تا بیشترین سود را داشته باشد؟</p> <p>(پ) بیشترین سود این کارخانه را محاسبه کنید؟</p>			۱۰

ادامه سوالات در صفحه بعد

فصل سوم : کار با داده‌های آماری

۱	<p>درستی یا نادرستی هر مورد را مشخص کنید.</p> <p>الف) هر زیر مجموعه از جامعه آماری که به روش مشخصی انتخاب شده باشد را آماره می‌نامند.</p> <p>ب) نمونه‌ای را که در آن همه اعضای جامعه، شانس انتخاب یکسان در نمونه داشته باشند را نمونه تصادفی می‌نامند.</p> <p>پ) وقتی داده دوره افتاده در بین داده‌های یک مجموعه آماری وجود داشته باشد، میانه نسبت به میانگین، معیار مناسبتری است.</p> <p>ت) تمام داده‌های یک مجموعه آماری برابر هستند. در این صورت واریانس آن داده‌ها برابر یک است.</p>	۱۱
۰/۷۵	<p>بهترین روش جمع‌آوری داده‌ها، برای هر یک از موضوعات زیر را بنویسید.</p> <p>(الف) تعداد قلم‌های هر دانش‌آموز در یک کلاس</p> <p>(ب) ساعت خواب دانش‌آموزان کلاس شما در شب گذشته</p> <p>(پ) سن همه دانش‌آموزان مدرسه شما بر حسب ماه در پایه دهم</p>	۱۲
۱/۵	<p>نوع هر یک از متغیرها (کمی، کیفی) و مقیاس اندازه‌گیری (اسمی، ترتیبی، فاصله‌ای، نسبتی) آنها را به طور کامل مشخص کنید.</p> <p>(الف) رتبه دانش‌آموزان در کنکور سراسری</p> <p>(ب) وزن هندوانه‌های یک مزرعه</p> <p>(پ) گروه خونی کارمندان یک شرکت</p>	۱۳
۰/۵	پارامتر جامعه در چه صورتی قابل محاسبه است؟	۱۴
۱/۲۵	<p>میانگین داده‌های زیر برابر ۲۲ است.</p> <p>۲۰ و ۲۵ و ۳۰ و ۳۵ و ۲۲ و a و ۲۵ و ۲۰ و ۲۴ و ۲۱ و ۲۰ و ۲۴ و ۱۵</p> <p>(الف) مقدار a را بدست آورید.</p> <p>(ب) میانه داده‌ها را تعیین کنید.</p>	۱۵
۱/۵	برای داده‌های ۱۵ و ۱۳ و ۱۱ و ۱۰ و ۶ میانگین و انحراف معیار را محاسبه کنید.	۱۶
۲۰	جمع	

موفق و پیروز باشید.

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	(الف) $4\sqrt{10}$ (صفحه ۱۲) (ب) صفر (صفحه ۲۲) $-\frac{3}{4}$ (صفحه ۲۸) هر مورد (۰/۵) نمره	۱/۵
۲	(الف) $x^2 - 6x = 0 \rightarrow x(x-6) = 0 \rightarrow x = 0, x = 6$ (صفحه ۲۰) $\Delta = b^2 - 4ac = 25 + 24 = 49$ (۰/۲۵) $x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{5+7}{4} = 3$ (۰/۲۵) $x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{5-7}{4} = -\frac{1}{2}$ (۰/۲۵) $2x^2 - 5x - 3 = 0$ (۰/۲۵) $\frac{4}{2x-1} = \frac{5}{x+2} \rightarrow 4(x+2) = 5(2x-1) \rightarrow 4x + 8 = 10x - 5 \rightarrow 6x = 13 \rightarrow x = \frac{13}{6}$ (۰/۲۵) $\text{صفحه } 35$ (۰/۲۵)	۳
۳	(صفحه ۲۱) $x = -6 \rightarrow x + 6 = 0$ (۰/۲۵) $x = 7 \rightarrow x - 7 = 0$ (۰/۲۵) $x^2 - x - 42 = 0$ (۰/۵)	۱
۴	لطفا به روش های درست دیگر به تناسب نمره دهید.	
۵	برای نمونه (الف) $\{(2,4), (3,5)\}$ نمره (۰/۵) برای نمونه (ب) $\{(2,3), (3,6)\}$ نمره (۰/۵)	۱
۶	$x = -1 \rightarrow g(x) = 2x^2 + 3 \rightarrow g(-1) = 2(-1)^2 + 3 = 5$ (۰/۵) $x = \sqrt{2} \rightarrow g(x) = 2x^2 + 3 \rightarrow g(\sqrt{2}) = 2(\sqrt{2})^2 + 3 = 7$ (۰/۵) $\rightarrow R_f = \{5, 7, 3\}$ $x = 0 \rightarrow g(x) = 2x^2 + 3 \rightarrow g(0) = 2(0)^2 + 3 = 3$ (۰/۵) (صفحه ۵۱)	۱/۵

ریاضی و آمارا

مدت امتحان: ۹۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷/۳۰	رشته: ادبیات و علوم انسانی و علوم و معارف اسلامی	راهنمای تصحیح امتحان شبه نهایی درس: پایه ۵۵ دوره دوم متوسطه نظری
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۱/۲۷		دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نما سال ۱۴۰۳	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.ir			
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف
۰/۷۵	اگر عرض مستطیل x باشد، آن گاه طول مستطیل برابر $۳ + x$ است. $p = ۲(x + ۳ + x) = ۲(۲x + ۳) = ۴x + ۶$ (۰/۲۵)	(۶۱) صفحه (۶۱)	۷
	لطفا به روش های درست دیگر به تناسب نمره دهید.		
۱	$m = \frac{۳ - ۰}{۲ - ۰} = \frac{۳}{۲}$ شیب خط (۰/۲۵) $\rightarrow f(x) = \frac{۳}{۲}x$ معادله خط (۰/۲۵)	$y = mx + n \xrightarrow{(۰, ۰)} ۰ = ۳(۰) + n \rightarrow n = ۰$ (۰/۲۵) (۰/۲۵)	۸ صفحه (۵۹)
	لطفا به روش های درست دیگر به تناسب نمره دهید.		
۱/۲۵	$y = x^۲ + ۴x$ $x = -\frac{b}{۲a} = -\frac{۴}{۲} = -۲ \rightarrow y = (-۲)^۲ + ۴(-۲) = ۴ - ۸ = -۴$ (۰/۲۵) 	(۶۷) صفحه (۶۷)	۹
	توضیح: تعیین رأس سهمی روی نمودار ۰/۲۵ و رسم شکل کلی به روش های درست دیگر به تناسب نمره دهید.	(۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)	
۱/۵	الف) $P(x) = R(x) - C(x) = ۳۰x - (x^۲ + ۲۰x + ۳۰) = -x^۲ + ۱۰x - ۳۰$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) ب) $x = -\frac{b}{۲a} = -\frac{۱۰}{-۲} = ۵$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) پ) $P(۵) = -(۵)^۲ + ۱۰(۵) - ۳۰ = ۲۴۷$ (۰/۲۵) (۰/۲۵)	(۷۰) صفحه (۷۰)	۱۰

مدت امتحان: ۹۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷/۳۰	رشته: ادبیات و علوم انسانی و علوم و معارف اسلامی	راهنمای تصحیح امتحان شبہ نهایی درس: ریاضی و آمارا																		
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۱/۲۷		پایه ۵۵ دوره دوم متوسطه نظری																			
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نما سال ۱۴۰۳ http://aee.medu.ir		دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نما سال ۱۴۰۳																			
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف																		
۱	الف) نادرست (صفحه ۷۳) ب) درست (صفحه ۸۸) ت) نادرست (صفحه ۹۰) هر مورد (۰/۲۵) نمره		۱۱																		
۰/۷۵	ه) هرمورد (۰/۲۵) نمره ب) مصاحبه پ) دادگانها		۱۲																		
۱/۵	ب) کمی نسبتی پ) کمی اسمی برای هر مورد، نوع متغیر (۰/۲۵) و مقیاس (۰/۲۵) نمره می باشد.		۱۳																		
۰/۵	(۰/۵) نمره در صورتی که داده های کل جامعه در اختیار باشند.		۱۴																		
۱/۲۵	$\bar{x} = \frac{۲۰۲ + a}{۱۰} \xrightarrow{\bar{x}=۲۲} \frac{۲۰۲ + a}{۱۰} = ۲۲ \rightarrow ۲۰۲ + a = ۲۲۰ \rightarrow a = ۱۸$ $\text{الف) } (۰/۲۵) \quad \text{ب) ابتدا داده را مرتب می کنیم.}$ چون تعداد داده زوج است، لذا میانه برابر میانگین دو عدد وسط است. از این رو می توان نوشت: $\tilde{x} = \frac{۲۱ + ۲۲}{۲} = ۲۱/۵ \quad (۰/۲۵)$	صفحه ۸۶	۱۵																		
۱/۵	$\bar{x} = \frac{۵۵}{۵} = ۱۱ \quad (۰/۲۵)$ میانگین <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td><td>۶</td><td>۱۰</td><td>۱۱</td><td>۱۳</td><td>۱۵</td></tr> <tr> <td>$x - \bar{x}$</td><td>-۵</td><td>-۱</td><td>۰</td><td>۲</td><td>۴</td></tr> <tr> <td>$(x - \bar{x})^۲$</td><td>۲۵</td><td>۱</td><td>۰</td><td>۴</td><td>۱۶</td></tr> </table> $\sigma = \sqrt{\frac{۲۵ + ۱ + ۰ + ۴ + ۱۶}{۵}} = \sqrt{\frac{۴۶}{۵}} \approx ۳/۰۳ \quad \text{انحراف معیار}$	x	۶	۱۰	۱۱	۱۳	۱۵	$x - \bar{x}$	-۵	-۱	۰	۲	۴	$(x - \bar{x})^۲$	۲۵	۱	۰	۴	۱۶	صفحه ۹۰	۱۶
x	۶	۱۰	۱۱	۱۳	۱۵																
$x - \bar{x}$	-۵	-۱	۰	۲	۴																
$(x - \bar{x})^۲$	۲۵	۱	۰	۴	۱۶																

همکار گرامی؛ ضمن عرض خسته نباشید، برای جنابعالی آرزوی صحت و سلامتی داریم.